

TUGAS AKHIR - SS141501

ESTIMASI KONSENTRASI KARBON MONOKSIDA (CO) PADA KASUS PENCEMARAN UDARA DI KOTA SURABAYA DENGAN METODE UNIVERSAL KRIGING

RISKHA TRI OKTAVIANI NRP 1311 100 031

Dosen Pembimbing Dr Sutikno M.Si

Program Studi S1 Statistika Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Institut Teknologi Sepuluh Nopember Surabaya 2015



FINAL PROJECT - SS141051

CARBON MONOOXIDE (CO) ESTIMATION OF AIR POLLUTION IN SURABAYA USING UNIVERSAL KRIGING METHOD

RISKHA TRI OKTAVIANI NRP 1311 100 031

Supervisor Dr Sutikno M.Si

Undergraduate Programme of Statistics Faculty of Mathematics and Natural Sciences Sepuluh Nopember Institute of Technology Surabaya 2015



ESTIMASI KONSENTRASI *KARBON MONOKSIDA* (CO) PADA KASUS PENCEMARAN UDARA DI KOTA SURABAYA DENGAN METODE *UNIVERSAL KRIGING*

TUGAS AKHIR

Diajukan Untuk Memenuhi Salah Satu Syarat Memperoleh Gelar Sarjana Sains pada

Program Studi S-1 Jurusan Statistika Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Institut Teknologi Sepuluh Nopember

Oleh:

RISKHA TRI OKTAVIANI NRP. 1311 100 031

Disetujui oleh Pembimbing Tugas Akhir:

Dr Sutikno M.Si NIP. 19710313 199702 1 001

> Mengetahui Ketua Jurusan Statistika FMIPA-ITS

Dr. Muhammad Mashuri, MT. NIP. 19620408 198701 1 001

Merina

SURABAYA, JULI 2015

ESTIMASI KONSENTRASI *KARBON MONOKSIDA* (CO) PADA KASUS PENCEMARAN UDARA DI KOTA SURABAYA DENGAN METODE *UNIVERSAL KRIGING*

Nama Mahasiswa : RiskhaTri Oktaviani

NRP : 1311 100 031

Jurusan : Statistika FMIPA-ITS Dosen Pembimbing : Dr. Sutikno, M.Si

ABSTRAK

Salah satu polutan berbahaya yang memberikan sumbangsih besar dalam pencemaran udara adalah karbon monoksida (CO). Pengukuran konsentrasi CO di udara dilakukan melalui suatu proses panjang menurut Standar Nasional Indonesia (SNI), sehingga tidak semua wilayah di Surabaya dapat dilakukan pengukuran terhadap polutan tersebut. Oleh karena itu dilakukan estimasi konsentrasi CO dengan universal kriging. Estimasi CO didapatkan dengan teoritis Exponential. karena nilai MSE model semivariogram Exponential lebih kecil daripada model Spherical dan Gussian. Nilai estimasi CO yang dihasilkan bervariasi antara range 6.92 ppm sampai 15.19 ppm yang terbagi ke dalam 5 kelas. Estimasi CO dominan berkisar antara 10.02 ppm sampai 11.87 ppm. Konsentrasi CO terkecil berada di Perempatan Jl Tropodo-Jl Bandara Djuanda sebesar 6.92 ppm. Konsentrasi CO terbesar berada di Sukomanunggal di Jalan Sukomanunggal sebesar 15.19 ppm. Estimasi konsentrasi CO yang dihasilkan mempunyai nilai yang beragam dengan varians estimasi CO sebesar 4.8. Estimasi CO dengan metode universal kriging lebih baik daripada metode ordinary kriging dengan kriteria nilai MSE hasil estimasi yang lebih kecil yaitu 1.52 dibanding 2.18 pada ordinary kriging. Selain itu hasil estimasi dengan universal kriging lebih beragam dengan varians estimasi sebesar 4.89 dan range estimasi sebesar 8.27 sedangkan ketika menggunakan ordinary kriging varians estimasi hanya sebesar 2.41 dan range estimasi sebesar 5.66.

Kata kunci : Karbon Monoksida (CO), Semivariogram, Universal Kriging

CARBON MONOOXIDE (CO) ESTIMATION OF AIR POLLUTION IN SURABAYA USING UNIVERSAL KRIGING METHOD

Name of Student : Riskha Tri Oktaviani

NRP : 1311 100 031

Department : Statistics FMIPA-ITS Supervisor : Dr. Sutikno, M.Si

ABSTRACT

One of the pollutants that has major contribute to air pollution is CO. Measuring the exact concentrations of CO in the air requires a long process, according to Indonesian National Standard (SNI), therefore not all of the areas in Surabaya can be measured directly. One way to stimate the concentration of CO in area is to use universal kriging. CO concentration is estimated using the Exponential theoretical semivariogram, because the MSE of Exponential models are smaller than the MSE of Sherical and Gaussian model. The resulting CO estimation value is varied between 6.92 ppm to 15.19 ppm and is divided to 5 class. The dominant CO estimation value is between 10.02 ppm to 11.87 ppm. The lowest CO concentration is in Cross Tropodo street-Bandara Djuanda street with a value of 6.92 ppm. The highest CO concentration is in Sukomanunggal at Sukomanunggal street with a value of 15.19 ppm. The resulting CO estimation value is varied with an estimated variance of 4.89. CO estimation using universal kriging method in this case is proven to be better than CO estimation using ordinary kriging method. It is shown that universal kriging has the lower MSE estimation with a value of 1.52 than ordinary kriging has the MSE estimation with a value of 2.18. besides that, universal kriging has the highest estimad variance and range with a value of 4.89 and a value of 8.27. meanwhile ordinary kriging just has estimated variance and range with a value of 2.41 and a value of 5.66.

Keywords: Carbon Moonoxide (CO), semivariogram, Universal Kriging

KATA PENGANTAR

Segala puji hanya bagi Allah, Rabb semesta alam yang dengan rahmaan dan rahiim-Nya kita dapat berkumpul dalam ketaatan untuk berhimpun dalam barisan ukhuwah yang kuat dan aqidah yang mantap untuk dapat menjalankan segala perintah-Nya dan menjauhi segala larangan-Nya. Aku ber-saksi bahwa tidak ada sesembahan yang haq kecuali Allah semata, tidak ada sekutu bagiNya dan aku bersaksi bahwa Muhammad adalah hamba dan utusanNya. Semoga shalawat, salam dan keberkahan senantiasa terlimpah-curahkan untuk yang terkasih, pahlawan sejati, penuntun hakiki, panutan umat surgawi, Nabi Muhammad SAW., keluarga, sahabat dan segenap orang yang tetap istiqomah dalam mengikuti dan menjalankan sunnahnya, serta tegar di jalan cinta para pejuang. Jalan dimana kereta dakwah melaluinya menuju surga.

"ESTIMASI Alhamdulillah, Tugas akhir beriudul KONSENTRASI KARBON MONOKSIDA (CO) PADA KASUS PENCEMARAN UDARA DI KOTA SURABAYA METODE UNIVERSAL DENGAN KRIGING" dapat terselesaikan dengan baik. Terselesaikannya Tugas Akhir ini, tidak terlepas dari dukungan berbagai pihak yang telah memberikan bimbingan dan bantuan pada penulis. Untuk itu pada kesempatan ini penulis mengucapkan terima kasih sedalam dalamnya kepada:

- 1. Dr. Sutikno, M.Si, selaku dosen pembimbing yang telah memberikan ilmu, motivasi, wawasan, teladan, dan nasihat yang luar biasa berharga bagi penulis serta kesabaran dan sikap yang bijak dalam membimbing penulis menyelesaikan tugas akhir ini.
- Ir. Mutiah Salamah, M. Kes dan Santi Wulan Purnami, M. Si, Ph D, selaku dosen penguji yang dengan penuh kesabaran menguji penulis dalam meyelesaikan tugas akhir ini.

- 3. Dr. Muhammad Mashuri, M.T selaku Ketua Jurusan Statistika FMIPA ITS dan Dra. Lucia Aridinanti, M.S selaku Koordinator Program Studi S1 Jurusan Statistika FMIPA ITS yang telah memberikan fasilitas dalam kelancaran penyelesaian Tugas Akhir ini.
- 4. Dr. Purhadi, M.Sc selaku dosen wali yang telah membimbing penulis sejak awal masuk kuliah hingga penulis telah menyelesaikan studi pada jenjang S1 ini.
- 5. Orang tua penulis, Alm. S. Wiyono Sarmo dan Wagiyem serta kedua kakak penulis, Sri Wahyuni dan Tutik Widayati, yang telah sabar dan ikhlas menemani dengan segenap doa, dukungan, dan motivasi yang luar biasa besar sehingga penulis terus bersemangat hingga akhir penyelesaian Tugas Akhir ini.
- 6. Khusna, Eva, Prani, Faiq, Ratna, dan teman-teman Statistika 2011 yang senantiasa berjuang bersama-sama.
- 7. Keluarga Kabinet Kolaborasi Harmoni, Keluarga BPM Harmoni, dan Keluarga Ruhul Jadid yang dengan semangatnya menemani dan saling menguatkan untuk samasama berjuang memantaskan diri menjadi seorang sarjana.
- 8. Mbak Rosna, Mbak Memik, Nidaaul, Filza, Fitri K, Susi, Fidah, Fitri D, Anggit, dan Tutut atas segala perhatian, semangat, wawasan, canda dan haru yang menemani harihari penulis dalam penyelesaian Tugas Akhir ini.
- 9. Idrus, Ihsan, Ilham, Febri, Sindu, Rifai, Lino, Mas Rafsan, Mbak Dian, Mbak Nisa, Mbak Devi dan Mbak Iis, atas wawasan dan segala bantuannya kepada penulis.
- 10. Serta pihak-pihak lain yang sangat berjasa baik secara moril maupun materiil dalam kelancaran proses penyelesaian tugas akhir ini

Penulis berharap Tugas Akhir ini dapat bermanfaat bagi pihak-pihak terkait dan para pembaca. Penulis menyadari bahwa Tugas Akhir ini masih jauh dari kesempurnaan. Oleh karena itu penulis sangat menerima apabila ada saran dan kritik yang sifatnya membangun guna perbaikan untuk penelitian-penelitian selanjutnya.

"Statistics is the art of never having to say you're wrong." (C.J. Bradfield)

"Essentially, all models are wrong, but some are usefull," (George E. P. Box)

Dari Abu Muhammad, Al Hasan bin "Ali bin Abu Thalib, cucu Rasululloh Shallallahu "alaihi wa Sallam dan kesayangan beliau radhiallahu 'anhuma telah berkata : "Aku telah menghafal (sabda) dari Rasululloh Shallallahu "alaihi wa Sallam: "Tinggalkanlah apa-apa yang meragukan kamu, bergantilah kepada apa yang tidak meragukan kamu ". (HR. Tirmidzi)

Sejatinya ilmu itu ibarat anyaman, kadang pembuatnya terhenti sejenak, hingga tersadar saat anyaman itu telah utuh dan kian banyak waktu yang dihabiskan untuk menganyamnya. Maka tak ada menganyam ilmu selain kian menganyam kedekatan padaNya, kian merapat pada Dia Yang Maha Kuasa, kemudian yakin bahwa anyaman itu akan menjadi sebuah karya yang mengangkat derajat taqwa.

Surabaya, Juli 2015

Penulis

(Halaman ini sengaja dikosongkan)

DAFTAR ISI

ABSTRAK	vii
ABSTRACT	ix
KATA PENGANTAR	xi
DAFTAR ISI	XV
DAFTAR GAMBAR	xix
DAFTAR TABEL	xxi
BAB I PENDAHULUAN	
1.1 Latar Belakang	1
1.2 Permasalahan Penelitian	
1.3 Tujuan Penelitian	
1.4 Manfaat Penelitian	
1.5 Batasan Permasalahan	
BAB II TINJAUAN PUSTAKA	_
2.1 Statistika Deskriptif	
2.2 Data Spasial	
2.3 Pengujian Distribusi Data	
2.4 Stasioneritas	
2.5 Kovarians	
2.6 Variabel Teregionalisasi	
2.7 Semivariogram Eksperimental dan Teori	
2.8 Metode Kriging	
2.9 Metode Universal Kriging	
2.10 Metode Ordinary Kriging	
2.11 Koordinat Universal Transveerse Mercator (
0.40 77 1.1 7.1 7.1 7.1	
2.12 Kepadatam Lalu Lintas	
2.13 Pencemaran Udara	
2.13.1 Karbon Monoksida	
2.14 Penelitian Sebelumnya	31

BAB III	ME'	TODOLOGI PENELITIAN
	3.1	Sumber Data dan Lokasi Penelitian35
	3.2	Variabel Penelitian
		3.2.1 Pengukuran Karbon Monoksida (CO) 37
	3.3	Langkah Analisis Data
BAB IV	AN	ALISIS DAN PEMBAHASAN
	4.1	Karakteristik Konsentrasi Polutan Karbon
		Monoksida45
	4.2	Asumsi Normalitas pada Data Konsentrasi Polutan
		Karbon Monoksida (CO)45
	4.3	Asumsi Stasioneritas pada Data Konsentrasi
		Polutan Karbon Monoksida (CO)46
	4.4	Analisis Semovariogram Eksperimental untuk
		Mengestimasi Konsentrasi Polutan Karbon
		Monoksida (CO) dengan Universal Kriging 48
	4.5	Analisis Semovariogram Teoritis untuk
		Mengestimasi Konsentrasi Polutan Karbon
		Monoksida (CO) dengan Universal Kriging 49
	4.6	Estimasi Konsentrasi Polutan Karbon Monoksida
		(CO) dengan Universal Kriging 51
	4.7	Estimasi Konsentrasi Polutan Karbon Monoksida
		(CO) pada Titik - Titik Tertentu di Surabaya
		dengan Universal Kriging
	4.8	Perbandingan Hasil Estimasi Karbon Monoksida
		(CO) dengan Metode Universal Kriging dan
		Ordinary Kriging55
		4.8.1 Analisis Semivariogram Eksperimental
		untuk Mengestimasi Konsentrasi Polutan
		Karbon Monoksida (CO) dengan Ordinary
		Kriging55
		4.8.2 Analisis Semivariogram Teoritis untuk
		Mengestimasi Konsentrasi Polutan Karbon
		Monoksida (CO) dengan Ordinary Kriging

4.8.3	Estimasi	Konsentras	1 Polutan	Karbor
	Monoksid	a (CO) deng	gan Ordinar	y Kriging
			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	58
4.8.4		Konsentras		
	Monoksid	a (CO) p	ada Titik	- Titik
		di Surabay		
	Kriging			60
BAB V KESIMPUI	LAN DAN	SARAN		
5.1 Kesi	mpulan			65
5.2 Sara	n			65
DAFTAR PUSTAK				
LAMDIDAN				

(Halaman ini sengaja dikosongkan)

DAFTAR TABEL

Tabel 2.1	Kriteria Batas Polutan Penting dari 3 Pencemar	
	Utama	30
Tabel 3.1	Data Konsentrasi CO serta Koordinat Bujur Linta dan Koordinat UTM	_
Tabel 3.2	Titik – Titik Estimasi Konsentrasi Karbon	
	Monoksida di Kota Surabaya (CO)	41
Tabel 4.1	Nilai Semivariogram beserta Pasangan Data	
	Konsentrasi CO dan Jaraknya dengan Universal	
	Kriging	. 48
Tabel 4.2	Hasil Estimasi Konsentrasi CO pada 20 Titik	
	Tertentu di Kota Surabaya dengan Universal Krig	_
Tabel 4.3	Nilai Semivariogram beserta Pasangan Data	
	Konsentrasi CO dan Jaraknya dengan Ordinary Kriging	. 56
Tabel 4.4	Hasil Estimasi Konsentrasi CO pada 20 Titik Tertentu di Kota Surabaya dengan Ordinary Krigi	
		_
Tabel 4.5		
	Kriging dan Ordinary Kriging	. 62

(Halaman ini sengaja dikosongkan)

DAFTAR GAMBAR

Gambar 2.1	Semivariogram Eksperimental	13
Gambar 2.2	Grafik Model Spherical, Exponential dan Gaussia	n
	Sebagai Semivariogram Teori	
Gambar 2.3	Ilustrasi Estimasi dengan Metode Kriging	17
	Ilustrasi Garis Bujur dan Lintang di Permukaan	
	Bumi	26
Gambar 2.5	Zona Bujur dan Zona Lintang pada Koordinat UT	M
		27
Gambar 3.1	Titik Pengamatan Udara Ambien di Kota Surabay	a
		36
Gambar 3.2	Rangkaian Peralatan Pengambilan Sampel Uji	
	Karbon Monoksida (CO)	38
Gambar 3.3	Peta Titik-titik Estimasi Konsentrasi CO di Kota	
	Surabaya	40
Gambar 3.4	Diagram Alir Analisis DataMenggunakan Metode	
	Universal kriging	43
Gambar 3.5	Diagram Alir Analisis DataMenggunakan Metode	
	Ordinary kriging	
Gambar 4.1	Plot Normalitas Data Konsentrasi Polutan Karbon	
	Monoksida (CO)	46
Gambar 4.2	Plot Sebaran Data Konsentrasi Polutan Karbon	
	Monoksida (CO)	47
Gambar 4.3	ScatterPlot Data Konsentrasi CO	47
Gambar 4.4	Plot Semivariogram Eksperimental Konsentrasi	
	Karbon Monoksida (CO) dengan Universal Krigir	ıg
		49
Gambar 4.5	(a) Semivariogram Spherical, (b) Semivariogram	
	Exponential, (c) Semivariogram Gaussian, (d)	
	Perbandingan Plot Semivariogram Experimental of	lan
	Ke-3 Plot Semivariogram Teoritis dengan University	sal
	Kriging	50

Gambar 4.6 Contour Plot Estimasi Karbon Monoksida (CO)
dengan Universal Kriging51
Gambar 4.7 Perbandingan Nilai Estimasi dengan Universal
Kriging dan Nilai Aktual Konsentrai CO di 20 Titik
Pengamatan
Gambar 4.8 Peta Hasil Estimasi Karbon Monoksida (CO) di 20
Titik Tertentu di Surabaya dengan Universal Kriging
54
Gambar 4.9 Plot Semivariogram Eksperimental Konsentrasi
Karbon Monoksida (CO) dengan Ordinary Kriging
` /
Gambar 4.10 (a) Semivariogram Spherical, (b) Semivariogram
Exponential, (c) Semivariogram Gaussian, (d)
Perbandingan Plot Semivariogram Experimental dan
Ke-3 Plot Semivariogram Teoritis dengan Ordinary
121.8
Gambar 4.11 <i>Contour</i> Plot Estimasi Karbon Monoksida (CO)
dengan Ordinary Kriging 59
Gambar 4.12 Perbandingan Nilai Estimasi dengan Ordinary
Kriging dan Nilai Aktual Konsentrai CO di 20 Titik
1 4118411144411
Gambar 4.13 Peta Hasil Estimasi Karbon Monoksida (CO) di 20
Titik Tertentu di Surabaya dengan Ordinary Kriging
61
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·

BAB I PENDAHULUAN

1.1 Latar Belakang

Tingkat pencemaran udara di Indonesia semakin lama semakin memprihatinkan. Fakta ini dibuktikan oleh Badan Perencanaan Pembangunan Nasional (Bappenas) pada tahun 2009 yang menunjukkan bahwa Indonesia menjadi negara dengan tingkat polusi udara tertinggi ketiga di dunia. Hasil penelitian yang dilakukan oleh United States - Environmental Protection Agency (UNEP US- EPA) dan Kementerian Lingkungan Hidup pada tahun 2010 tersebut mencatat sebesar 57.8% atau setara dengan sekitar lima juta penduduk Indonesia mengalami penyakit akibat polusi udara. Pada skala global, WHO menyebutkan bahwa satu dari delapan kematian di seluruh dunia disebabkan oleh polusi udara (Anonim, 2014).

Pencemaran udara terjadi karena masuk atau dimasukkannya zat, energi dan/atau komponen lain ke dalam udara ambien oleh kegiatan manusia, sehingga mutu udara ambien turun sampai ke tingkat tertentu yang menyebabkan udara ambien tidak dapat memenuhi fungsinya (Peraturan Gubernur Jawa Timur Nomor 39 tahun 2008). Udara ambien adalah udara bebas di permukaan bumi pada lapisan troposfir yang dibutuhkan dan mempengaruhi kesehatan manusia.makhluk hidup, dan unsur lingkungan hidup lainnya. Menurut Baku Mutu Udara Ambien (BMUA) Nasional. terdapat 9 jenis polutan umum yaitu: nitrogen dioksida (NO₂), karbon monoksida (CO), hidrokarbon (CH), sulfur dioksida (SO_2) , ozon (O_3) , partikel vang berukuran ≤ 10 mikron (PM_{10}) , partikel yang berukuran ≤ 2.5 mikron (PM_{2.5}), Total Suspended Particulate/debu (TSP), timah hitam (Pb), serta dustfall (debu jatuh). Untuk mengetahui apakah suatu udara tercemar atau tidak digunakan suatu standar kualitas udara Baku Mutu Udara Ambien (BMUA) di dalam peraturan pemerintah tentang Pengendalian Pencemaran Udara yang tertuang dalam PP Nomor 41 tahun 1999. Jika konsentrasi suatu polutan dalam udara ambien melampaui nilai baku mutunya, maka dinyatakan udara telah tercemar.

Surabaya merupakan kota terbesar kedua di Indonesia dengan jumlah penduduk 2.765.487 jiwa pada tahun 2010 (Sensus Penduduk 2010). Menurut *New Jersey Department of Environmental Protection*, salah satu pencemar berbahaya yang memberikan sumbangsih besar dalam pencemaran udara ambien adalah CO. Konsentrasi CO pada Agustus 2009 di Surabaya adalah 10.969 ppm. Baku mutu sesuai Peraturan Gubernur Jawa Timur No. 10 tahun 2009 untuk CO adalah 20 ppm. Konsentrasi CO di Surabaya masih dalam ambang batas, namun keragaman antar lokasi sangat beragam. Di wilayah tertentu konsentrasi CO hampir mendekati baku mutu, diantaranya: Terminal Joyoboyo mencapai 19.17 ppm dan Terminal Bratang mencapai 16.08 ppm.

CO berasal dari kendaraan bermotor terutama yang menggunakan bahan bakar fosil, kebakaran hutan, badai listrik alam,industri, pembakaran sampah, dan asap rokok. Jika CO terhirup dalam waktu lama akan berdampak negatif bagi kesehatan manusia, antara lain: meningkatkan kadar hemoglobin dalam darah, terganggunya sistem syaraf pusat dan sistem kardiovaskular, serta meningkatkan denyut jantung, bahkan dalam konsentrasi tinggi bisa menyebabkan kematian.

Pengukuran konsentrasi CO di udara menggunakan metode *Non Dispersive Infra Red* (NDIR) yang membutuhkan proses pengukuran yang panjang dan rumit, sehingga kurang efisien jika diperlukan sesegera mungkin. Oleh karena itu diperlukan metode untuk mengestimasi konsentrasi CO yang berbasis interpolasi atau dikenal dengan istilah interpolasi geostatistik karena memerhatikan efek spasial.

Isaaks dan Srivastava (1989) menyebutkan bahwa metode statistik berguna untuk mengembangkan kajian kualitatif pada berbagai fenomena alam dan menjawab permasalahan kuantitatif terhadap permasalahan yang khusus. Namun, pada umumnya metode statistik klasik tidak memanfaatkan informasi spasial dalam kumpulan data ilmu kebumian. Geostatistik memberikan

suatu cara untuk menjelaskan kontinuitas spasial yang merupakan unsur penting dalam berbagai fenomena alam dan termasuk juga menggunakan teknik regresi klasik untuk memanfaatkan kontinuitas tesebut.

Beberapa penelitian yang membahas pencemaran udara di Kota Surabaya dengan metode kriging, diantaranya: Putri (2013), Aisyiah (2014). Putri (2013) mengestimasi Nitrogen Dioksida (NO₂) dan Karbon Mokosida (CO) dengan metode interpolasi cokigring. Di samping itu, Putri (2013) menyatakan bahwa karakteristik lokasi dan sumber polutan menyebabkan konsentrasi polutan memiliki perbedaan di setiap lokasinya. Aisyiah (2014) melakukan pemodelan konsentrasi partikel debu (PM₁₀) dengan metode *Geographically-Temporally Weighted Regression* untuk mengakomodasi adanya pengaruh heterogenitas spasial dan temporal pada konsentrasi partikel debu (PM₁₀).

Mengingat sumber pencemar di tiap lokasi berbeda dengan jarak jangkauan yang berbeda pula, sehingga nilai tengah sampel yang diperoleh di tiap lokasi tersebut membentuk *trend* atau *nonstasioner*. Disamping itu, hanya tersedia 20 titik tersampel yang belum mencukupi ketersediaan informasi udara ambien pada seluruh titik di kota Surabaya. Oleh karena diperlukan estimasi konsentrasi CO di Kota Surabaya dengan metode *universal kriging*. *Universal kriging* atau *kriging with trend* merupakan salah satu teknik linier *kriging* dan dapat dikatakan hampir sama dengan *ordinary kriging*. Hal yang membedakannya adalah nilai rata-rata populasi diasumsikan mengikuti trend linier berupa koordinat dari variabel sekunder (Bohling, 2005). Metode ini menggabungkan fungsi acak yang ada pada variabel primer dengan fungsi deterministik yang diwakili oleh kombinasi linier.

Mercer, Szpiro, Sheppard, Lindstrom, Adar, dan Allen. (2011) membahas perbandingan antara metode *Universal kriging* dan *Land-use Regression* pada studi kasus konsentrasi mononitrogen oksida yang berpengaruh terhadap penyakit Atherosklerosis di Los Angeles, Amerika Serikat. Pada penelitian ini metode *Universal kriging* memberikan hasil yang lebih baik

daripada *Land-use Regression*. Gundogdu dan Guney (2007) meneliti mengenai penggunaan metode *Universal kriging* dan sejumlah semivariogram pada studi kasus permukaan air tanah di Bursa, Turki. Fokus utama yang dilakukan dalam penelitian ini adalah mengetahui pengaruh sejumlah semivariogram teori yang dicocokkan dengan semivariogram eksperimental.

Penelitian selanjutnya mengenai Universal kriging juga dilakukan oleh Selby dan Kockelman (2011) pada studi kasus sejumlah parameter arus lalu lintas di Texas, Amerika Serikat. Metode ini digunakan karena tidak tersedianya data sejumlah parameter arus lalu lintas pada beberapa daerah di Texas, adalah yang paling sehingga metode ini tepat menjawabnya. Sejumlah parameter lalu lintas perlu untuk diketahui agar dapat dijadikan rujukan keputusan strategis dalam pengaturan lalu lintas di Texas. Laksana (2010) menggunakan metode Universal kriging untuk memprediksi porositas sebagai ukuran kandungan air tanah. Penelitian ini lebih banyak membahas mengenai metode Universal kriging daripada contoh kasus yang digunakan.

Rafsanjani (2012) juga menggunakan metode *Universal kriging* dalam penelitiannya yang menyimpulkan bahwa Zona 1A dan 1B merupakan target reservoir yang prospektif karena berdasarkan analisas statistika deskriptif dan *Univeral kriging* didapatkan hasil penyebaran porositas dan NTG yang tertinggi jika dibandingkan dengan zona yang lainnya

Pada penelitian ini, setelah dilakukan estimasi parameter akan dibuat *mapping* konsentrasi CO di Kota Surabaya dalam bentuk peta kontur. Dengan diketahuinya konsentrasi pencemar udara di suatu daerah, maka dapat dideteksi apakah suatu daerah masih dalam toleransi atau telah melewati Baku Mutu Udara Ambien. Dengan demikian pemerintah dapat melakukan langkahlangkah preventif serta antisipatif dalam menangani pencemaran udara.

1.2 Permasalahan Penelitian

Salah satu polutan berbahaya yang memberikan sumbangsih besar dalam pencemaran udara adalah karbon monoksida (CO). Pengukuran konsentrasi CO di udara dilakukan melalui suatu proses panjang menurut Standar Nasional Indonesia (SNI), sehingga tidak semua wilayah di Surabaya dapat dilakukan pengukuran terhadap polutan tersebut. Oleh karena itu dilakukan estimasi konsentrasi CO dengan *universal kriging*. Berdasarkan uraian tersebut, maka perumusan masalah dalam penelitian ini adalah bagaimana deskripsi karakteristik kondisi pencemaran udara di Kota Surabaya berdasarkan konsentrasi Karbon Monoksida (CO) dan bagaimana estimasi konsentrasi Karbon Monoksida (CO) pada titik-titik tertentu di Kota Surabaya dengan metode *universal kriging*, serta bagaimana kebaikan metode *universal kriging* apabila dibandingkan dengan metode *ordinary kriging* dengan kriteria MSE.

1.3 Tujuan Penelitian

Tujuan penelitian ini adalah sebagai berikut.

- 1. Mendeskripsikan kondisi polutan karbon monoksida (CO) di Kota Surabaya.
- 2. Mengetahui estimasi konsentrasi CO pada titik-titik tertentu di Kota Surabaya dengan metode *universal kriging*.
- 3. Mengetahui kebaikan hasil estimasi CO dengan metode *universal kriging* dan *ordinary kriging* dengan kriteria MSE.

1.4 Manfaat Penelitian

Manfaat yang diharapkan penelitian ini adalah sebagai berikut.

- Sebagai sumber informasi bagi Pemerintah Kota Surabaya tentang seberapa tercemar udara akibat tingginya konsentrasi CO di Kota Surabaya, sehingga dapat diambil langkah antisipatif untuk mengurangi tingkat pencemaran udara.
- 2. Dapat menambah pengetahuan tentang salah satu metode interpolasi yang memperhitungkan pengaruh spasial yaitu

metode *universal kriging* dalam studi kasus pencemaran udara di Kota Surabaya.

1.5 Batasan Permasalahan

Data yang digunakan dalam penelitian ini adalah data konsentrasi gas pencemar udara Karbon Monoksida (CO). dimana 10 titik tersampel diperoleh dari Balai Besar Teknik Kesehatan Lingkungan dan Pengendalian Penyakit Menukar (BBTKL-PPM) Kota Surabaya dan 10 titik tersampel lainnya diperoleh dari hasil penelitian (Putri, 2013) tentang estimasi konsentrasi Nitrogen Dioksida (NO₂) dan Karbon Monoksida (CO) di udara Surabaya menggunakan Cokriging. Titik pengamatan yang digunakan merupakan tempat yang berpotensi tinggi terjadi pencemaran akibat gas buang kendaraan bermotor.

BAB II TINJAUAN PUSTAKA

Pembahasan pada bagian ini meliputi; statistika deskriptif, data spasial, stasioneritas, konsep dasar variabel teregionalisasi dan variogram yang terdiri atas variogram eksperimental dan variogram teoretis isotropi dan anisotropi. Di samping itu dibahas pula metode kriging, *universal kriging*, *ordinary kriging*, koordinat UTM dan pencemaran udara serta penelitian yang pernah dilakukan sebelumnya terkait metode *universal kriging* dan pencemaran udara.

2.1 Statistika Deskriptif

Statistika deskriptif adalah suatu metode yang berkaitan dengan pengumpulan dan penyajian suatu gugus data, sehingga memberikan informasi yang berguna. Statistika deskriptif sering disebut sebagai Statistika deduktif yang membahas tentang bagaimana merangkum data dalam bentuk yang mudah dibaca dan cepat memberikan informasi, yang disajikan dalam bentuk tabel, grafik, nilai pemusatan data dan nilai penyebaran data (Walpole, 1995).

Dalam mengambil data, sangat kecil kemungkinan untuk memperoleh seluruh data dari populasi. Bahkan dalam beberapa kasus, pengambilan data keseluruhan dapat merusak populasi tersebut (misalnya mencicipi rasa masakan). Sebagai solusinya, dilakukan pengambilan sampel yang diharapkan dapat mewakili parameter dari populasi tersebut. Parameter yang biasa digunakan adalah rata-rata dan ragam.

Dalam statistika klasik, pengambilan data selalu mengasumsikan bahwa kejadian yang diamati diambil berdasarkan kondisi yang sama dan saling bebas satu dengan yang lain. Data berbentuk sampel acak, berdistribusi saling bebas dan identik (*independent identically distributed*). Pada kenyataannya, kejadian yang diamati tidak selalu memenuhi

asumsi tersebut, misalnya pada kasus data spasial, maka statistika klasik tidak dapat digunakan.

2.2 Data Spasial

Data spasial merupakan data yang disajikan dalam posisi geografis dari suatu obyek yang berkaitan dengan lokasi. bentuk dan hubungan dengan ruang bumi. Penyajian data geografis dilakukan dengan menggunakan titik, garis, dan luasan. Data spasial berupa data diskret atau kontinu dan dapat juga memiliki lokasi spasial beraturan (*regular*) maupun tak beraturan (*irrengular*). Data spasial dikatan mempunyai lokasi yang regular jika antara lokasi yang saling berdekatan satu sama lain mempunyai posisi yang beraturan dengan jarak yang sama besar. Sedangkan dikatakan *irregular* ketika lokasi yang saling berdekatan satu dengan yang lain mempunyai posisi yang tidak beraturan dengan jarak yang berbeda (Alfiana, 2010).

Salah satu yang membedakan studi kasus spasial dengan studi lainnya yaitu data spasial memiliki kaitan dengan data lainnya pada suatu ruang atau daerah tertentu. Ciri data spasial seperti lokasi nilai ekstrem, *trend* keseluruhan atau derajat kontinuitas memberikan daya tarik yang besar untuk diteliti. Ciri spasial tidak dapat seluruhnya ditangkap oleh metode deskriptif *univariate* ataupun *bivariate* klasik namun dapat dilihat melalui visualisasi. Beberapa contoh visualisasi yaitu data *postings*, peta kontur, peta simbol, peta indikator, *moving window statistics* dan yang lainnya (Isaaks & Srivastava, 1989).

Menurut Wackernagel (1995) secara umum data spasial dalam penelitian ini dapat ditunjukkan persamaan (2.1) berikut.

$$\begin{bmatrix} x_1^1 & x_1^2 & x_1^3 & z_1^1 & z_1^2 & \cdots & z_1^N \\ x_2^1 & x_2^2 & x_2^3 & z_2^1 & z_2^2 & \cdots & z_2^N \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ x_n^1 & x_n^2 & x_n^3 & z_n^1 & z_n^2 & \cdots & z_n^N \end{bmatrix}$$
(2.1)

dengan:

 $x_i = \text{koordinat data observasi}; i = 1, 2, \dots, n$

 z_i = parameter data observasi; $i = 1, 2, \dots, n$

 $x^1 = absis$

 $x^2 = \text{ordinat}$

 $x^3 =$ elevasi

 z^{j} = Parameter yang terdapat pada observasi tertentu ; $j = 1, 2, \dots, N$

2.3 Pengujian Distribusi Data

Suatu data harus berdistribusi normal agar bisa dianalisis, sehingga diperlukan uji kenormalan suatu data. Untuk menguji kenormalan suatu data dapat dilakukan dengan menggunakan tiga macam uji, yaitu uji *Anderson-Darling*, uji normalitas *Ryan-Joiner*, dan uji *Kolmogorov-Smirnov*. Namun jika data yang digunakan kurang dari 25, maka uji normalitas yang digunakan adalah uji *Anderson-Darling*. Berikut adalah hipotesis, statistik uji, dan daerah penolakannya.

H₀: Data mengikuti sebaran tertentu

H₁: data tidak mengikuti sebaran tertentu

Statistik uji:

$$A^2 = -N - S$$

Dimana;

$$S = \sum_{i=1}^{N} \frac{(2i-1)}{N} [\log F(Yi) + \log(1 - F(Y_{N+1-i}))]$$

F merupakan fungsi komulatif distribusi (CDF) dari distribusi tertentu, *N* merupakan banyaknya data, dan *Yi* merupakan *ordered* data dengan *significance* level adalah alpha. Daerah kritis yang digunakan adalah nilai kritis dari uji *Anderson Darling* distribusi yang akan diuji. Secara statistik, keputusan menolak H₀ apabila A lebih besar dari nilai kritis yang telah ditentukan.

2.4 Stasioneritas

Suatu data dikatakan memiliki sifat *non-stasioner* jika data tersebut memiliki kecenderungan terhadap tren tertentu. Atau dengan kata lain, apabila fluktuasi data tidak berada disekitar suatu nilai rata-rata yang konstan, tidak tergantung pada waktu dan variansi dari fluktuasi tersebut. Menurut Cressie (1993) dalam Laksana (2010) terdapat tiga jenis stasioneritas pada geostatistika yaitu *strictly stationerity*, *second-order stationerity* dan *intrinsic stationarity* (Laksana, 2010). *Strictly stationerity* adalah apabila fungsi random memiliki fungsi distribusi kumulatif yang ditunjukkan oleh persamaan (2.2) sebagai berikut.

$$F(z(u_1), z(u_2), ..., z(u_n)) = F(z(u_1 + h), z(u_2 + h), ..., z(u_n + h)) (2.2)$$

dengan:

h = Jarak

 $z(u_i)$ = Nilai pengamatandi titik u_i ; dimana i = 1, 2, ..., n

$$z(u_i + h)$$
 = Nilai pengamatan di titik $u_i + h$; dimana $i = 1, 2, ..., n$

Second-order stationerity dapat didefinisikan oleh persamaan (2.3) sebagai berikut,

$$E(z(u)) = E(z(u+h)) = \mu$$
 (2.3)

Jika diperhatikan persamaan (2.4) sebagai berikut,

$$Cov(z(x), z(x+h)) = E([z(x)-\mu][z(x+h)-\mu])$$
 (2.4)

Maka didapatkan persamaan (2.5):

$$Cov(z(x), z(x+h)) = C(h)$$
(2.5)

dengan:

 μ = Nilai rata-rata

z(u) = Nilai pengamatan di titik u

z(u+h) = Nilai pengamatan di titik u+h

C(h) = Fungsi kovarians antara pengamatan tertentu dengan pengamatan lain yang dipisahkan oleh jarak h

Berdasarkan persamaan (2.3) dan (2.5) dapat dilihat bahwa nilai rata-rata pada titik u titik u+h dan titik lainnya pada lokasi tersebut memiliki nilai yang sama. Hal ini menunjukkan variabel random tersebut memiliki distribusi probabilitas bersama yang hanya dipengaruhi oleh jarak namun tidak berkaitan dengan variabel random lainnya (Isaaks & Srivastava, 1989). Sifat intrinsic stationarity dapat ditunjukkan oleh persamaan (2.6) sebagai berikut.

$$E(z(u+h)-z(u))=0 (2.6)$$

dengan:

z(u) = Nilai pengamatandi titik u

z(u+h) = Nilai pengamatan di titik u+h

Sifat *second-order stationerity* digunakan dalam penghitungan kovarians secara umum sedangkan sifat *intrinsic stationarity* digunakan pada penghitungan semivariogram secara umum.

2.5 Kovarians

Salah satu cara untuk mengukur penyebaran data adalah dengan mengalikan residual suatu variabel dengan variabel lainnya. Nilai rata-rata dari perkalian ini disebut kovarians yang tercantum pada persamaan (2.7)sebagai berikut.

$$cov[z(u), z(u+h)] = E[z(u), z(u+h)] - E[z(u)^2]$$
 (2.7) dengan:

z(u) = Nilai pengamatandi titik u

z(u+h) = Nilai pengamatan di titik u+h

Jika nilai residual dari z(u) cenderung memiliki tanda yang sama dengan z(u+h) maka nilai kovarians akan bernilai positif. Sedangkan jika kedua variabel tersebut memiliki tanda yang berlawanan maka kovarians akan bernilai negatif. Sehingga arah dari hubungan antar nilai pengamatan tersebut dapat dilihat berdasarkan tanda dari kovarians dan kekuatan hubungan dapat dilihat berdasarkan nilai dari kovarians tersebut. Standarisasi

masing-masing nilai pengamatan dapat dilakukan jika terdapat perbedaan besaran pengukuran (Wackernagel, 1995).

2.6 Variabel Teregionalisasi

Misal terdapat satu karakteristik (variabel) yang diukur pada lokasi yang berbeda dan waktu pengukuran diabaikan. Ada n observasi yang disimbolkan oleh persamaan (2.8) sebagai berikut.

$$z(x_{\alpha})$$
, di mana $\alpha = 1, 2, ..., n$ (2.8)

Obyek yang diukur pada region D dianggap bagian dari kumpulan obyek yang lebih besar. Jika obyek yang diamati berupa titik, sangat banyak observasi yang mungkin dalam wilayah. Kemungkinan lebih banyak observasi pada daerah yang sama dibedakan dengan memberi indeks α dan variabel teregionalisasi didefinisikan oleh persamaan (2.9) sebagai berikut.

$$z(x)$$
 dengan $x \in D$ (2.9)

Kelompok data $\{z(x_{\alpha}), \alpha = 1, 2, ..., n\}$ adalah kumpulan dari sedikit nilai dalam variabel teregionalisasi.

2.7 Semivariogram Eksperimental dan Teori

Berdasarkan Munadi (2005) dalam Alfiana (2010). suatu perangkat dasar geostatistika untuk visualisasi, pemodelan dan eksploitasi autokorelasi spasial variabel regionalisasi biasa dikenal sebagai semivariogram. Semivariogram adalah setengah dari variogram dengan simbol γ . Semivariogram digunakan untuk menentukan jarak dimana nilai-nilai data pengamatan menjadi tidak saling bergantung atau tidak ada korelasinya (Alfiana, 2010).

Semivariogram eksperimental merupakan semivariogram yang didapatkan berdasarkan nilai pengamatan dan dihitung menggunakan penghitungan yang ditunjukkan oleh persamaan (2.10) sebagai berikut (Isaaks & Srivastava, 1989).

$$\gamma(h) = \frac{1}{2N(h)} \sum_{i=1}^{N(h)} [z(u_i + h) - z(u_i)]^2$$
 (2.10)

dengan:

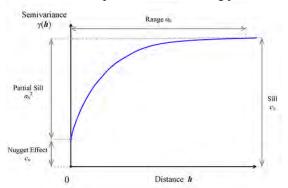
 $\gamma(h)$ =Nilai semivariogram antara titik u_i dengan titik $u_i + h$

 $z(u_i + h)$ = Nilai pengamatan di titik $u_i + h$

 $z(u_i)$ = Nilai pengamatan di titik u_i

N(h) = Banyaknya pasangan titik yang mempunyai jarak h

Pada Gambar 2.1 dapat dilihat masing-masing properti dari semivariogram. Nugget effect adalah intersep antara semivariogram dengan sumbu vertikal. Nugget effect dapat dipengaruhi oleh alat pengukur yang tidak akurat ataupun jarak yang diambil antar pasangan pengamatan tidak tepat. Sill merupakan nilai dari $\gamma(h)$ ketika semivariogram mencapai kondisi konvergen. Semakin tinggi nilai sill maka varians dari estimasi akan semakin besar. Indikasi kondisi spasial juga dapat dilihat berdasarkan rasio antara sill dan nugget effect. Jika rasio mendekati nilai satu maka dapat dikatakan bahwa pengamatan tersebut tidak memiliki dependensi antar ruang/jarak tertentu.



Gambar 2.1 Semivariogram Eksperimental

Semivariogram untuk *universal kriging* dapat didefinisikan seperti yang ditunjukkan pada persamaan (2.11). Hal ini terjadi karena semivariogram untuk *universal kriging* tidak

menggunakan persamaan (2.3) dan (2.5) dalam penghitungannya. Persamaan tersebut menggunakan sifat *intrinsic stationarity*.

$$\gamma(h) = \frac{1}{2N(h)} \sum_{i=1}^{N(h)} \left[z(u_i + h) - \mu(u_i + h) - z(u_i) + \mu(u_i) \right]^2$$
 (2.11)

dengan:

 $\gamma(h)$ = Nilai semivariogram antara titik u_i dengan titik $u_i + h$

 $z(u_i + h)$ = Nilai pengamatan di titik $u_i + h$

 $z(u_i)$ = Nilai pengamatan di titik u_i

 $\mu(u_i + h)$ = Nilai rata-rata di titik $u_i + h$

 $\mu(u_i)$ = Nilai rata-rata di titik u_i

N(h) = Banyaknya pasangan titik yang mempunyai jarak h

Berdasarkan semivariogram eksperimental maka akan dicocokkan dengan model semivariogram teori dan pada umumnya model semivariogram teori yang digunakan adalah model linear. Beberapa contoh semivariogram eksperimental adalah model *spherical*, *exponential*, dan *Gaussian* (Wackernagel, 1995). Model *Spherical* ditunjukkan oleh persamaan (2.12) sebagai berikut.

$$\gamma(h) = \begin{cases} C \left[1 - \left(\frac{3h}{2r} \right) - \left(\frac{h}{2r} \right)^3 \right]; h \le r \\ C; h > r \end{cases}; h > r \end{cases}$$

$$(2.12)$$

dengan:

h = Jarak lokasi antar sampel

C = Sill, yaitu nilai semivariogram untuk jarak pada saat besarnya

konstan

r = range, yaitu jarak pada saat nilai semivariogram mencapai sill

Pada model *exponential* terjadi peningkatan dalam semivariogram yang sangat curam dan mencapai nilai *sill* secara asimtotik dan ditunjukkan oleh persamaan (2.13) sebagai berikut.

$$\gamma(h) = C \left[\exp\left(-\frac{3h}{r}\right) \right] \tag{2.13}$$

dengan:

h = Jarak lokasi antar sampel

C = *Sill*, yaitu nilai semivariogram untuk jarak pada saat besarnya konstan

r = range, yaitu jarak pada saat nilai semivariogram mencapai *sill* Model *gaussian* merupakan bentuk kuadrat dari *exsponential* sehingga menghasilkan bentuk parabolik pada jarak yang dekat dan dapat dirumuskan oleh persamaan (2.14) sebagai berikut.

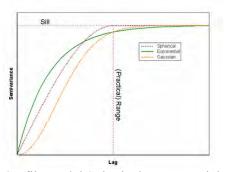
$$\gamma(h) = C \left[\exp\left(-\frac{3h}{r}\right)^2 \right] \tag{2.14}$$

dengan:

h = Jarak lokasi antar sampel

C = *Sill*, yaitu nilai semivariogram untuk jarak pada saat besarnya konstan

r = *range*, yaitu jarak pada saat nilai semivariogram mencapai *sill* Grafik ketiga model semivariogram teori tersebut dapat dilihat pada Gambar 2.2 sebagai berikut.



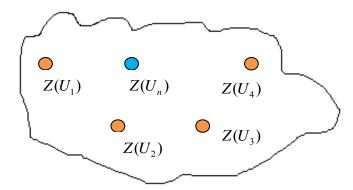
Gambar 2.2 Grafik Model Spherical, Exponential dan Gaussian Sebagai Semivariogram Teori

Perhitungan eksperimental semivariogram juga dipengaruhi oleh perbedaan arah yang disebut dengan *anisotropic*. Arah dari *anisotropic* diartikan sebagai derajat pergeseran dari sumbu utara sehingga arah ini dapat digunakan sebagai sumbu axis utama (Majani, 2007). Fenomena yang terjadi pada kebumian seringkali merupakan kasus *anisotropic* sehingga diperlukan pengetahuan tambahan untuk mengetahui arah yang tepat agar didapatkan perhitungan eksperimental semivariogram yang mewakili nilai pengamatan (Wackernagel, 1995).

2.8 Metode Kriging

Menurut Matheron (1963)seperti vang diungkapkan ilmu yang khusus Warmada (2001). Geostatistik adalah mempelajari distribusi dalam ruang yang sangat berguna untuk insinyur tambang dan ahli geologi seperti ketebalan.akumulasi dan termasuk semua aplikasi praktis untuk masalah-masalah yang muncul di dalam evaluasi endapan bijih. Geostatistika merupakan aplikasi ilmu Statistika yang sangat berkembang dan berasal dari industri pertambangan. Ilmu ini pertama kali muncul pada awal tahun 1950 di Afrika Selatan oleh seorang Insinyur yang bernama DG Krige dan HS Sichel yang mempunyai latar belakang statistisi. Selanjutnya konsep ini dikembangkan oleh seorang Insinvur berkebangsaan Perancis bernama yang Georges Matheron Pada perkembangan saat ini Geostatistika menggabungkan banyak metode.teori dan teknik agar mampu menyelesaikan permasalahan-permasalahan dalam konteks spasial (Wackernagel. 1995).

Kriging adalah metode geostatistika yang digunakan untuk mengestimasi atribut di sebuah titik sebagai kombinasi linear dari nilai sampel yang terdapat di sekitar titik yang akan diestimasi. Ilustrasi metode kriging untuk mengestimasi nilai di suatu titik disajikan pada Gambar 2.3.



Gambar 2.3 Ilustrasi Estimasi dengan Metode Kriging

 $Z(U_1)$, $Z(U_2)$, $Z(U_3)$, dan $Z(U_4)$ pada Gambar 2.3 adalah titik-titik yang telah diketahui suatu atributnya (dalam penelitian ini mengambil kasus konsentrasi pencemar), dan $Z(U_n)$ adalah titik yang belum dilakukan pengukuran dan akan diestimasi berdasarkan keempat titik yang lain. Langkah selanjutnya adalah menentukan bobot dari kriging yang diperoleh dari hasil variansi estimasi minimum dengan memperluas penggunaan semivariogram. Estimasi kriging dapat diartikan sebagai variabel tidak bias dan penjumlahan dari keseluruhan bobot adalah satu. Bobot inilah yang dipakai untuk mengestimasi konsentrasi polutan di titik yang belum dilakukan pengukuran. Kriging memberikan lebih banyak bobot pada sampel dengan jarak terdekat dibandingkan dengan sampel dengan jarak lebih jauh (Ayuni, 2011).

Estimasi dari titik yang tidak tersampel menggunakan kombinasi linear terboboti dari titik-titik tersampel ditunjukkan oleh persamaan (2.15) sebagai berikut:

$$\hat{v} = \sum_{j=1}^{n} w_{j} v \tag{2.15}$$

v adalah estimasi variabel V pada lokasi x_0 ; w_j adalah bobot dari kriging; v adalah data pada lokasi yang telah dilakukan pengukuran. Kesalahan estimasi kriging dirumuskan oleh persamaan (2.16) sebagai berikut:

$$R = v - v_0 = \sum_{i=1}^{n} w_i V_i - V_0$$
 (2.16)

Nilai error diharapkan sama dengan 0, sehingga persamaan (2.16) menjadi:

$$E(R) = E\left(\sum_{i=1}^{n} w_{i}V_{i} - V_{0}\right)$$

$$0 = E\left(\sum_{i=1}^{n} w_{i}V_{i}\right) - E\left(V_{0}\right)$$

$$0 = E\left(V\right)\sum_{i=1}^{n} w_{i} - E\left(V\right)$$

$$\sum_{i=1}^{n} w_{i} = 1$$
(2.17)

Varians error dari kriging adalah:

$$\sigma_{R}^{2} = \sigma^{2} + \sum_{i=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} w_{i} w_{j} C_{ij} - 2 \sum_{i=1}^{n} w_{i} C_{i0}$$
 (2.18)

Dengan memanfaatkan *Lagrange Multiplier* untuk meminimumkan varians error pada persamaan (2.18), didapatkan:

$$\sum_{i=1}^{n} w_{i} \overset{\square}{C}_{ij} + \mu = \overset{\square}{C}_{i0} \quad \forall \ i = 1, ..., n$$
 (2.19)

Persamaan (2.19) ditulis dalam bentuk matriks yang ditunjukkan oleh persamaan (2.20) berikut:

$$C \qquad w = D$$

$$\begin{bmatrix} C_{i1} & \cdots & C_{in} & 1 \\ \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ C_{n1} & \cdots & C_{nn} & 1 \\ 1 & \cdots & 1 & 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} w_1 \\ \vdots \\ w_n \\ \mu \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} C_{i0} \\ \vdots \\ C_{n0} \\ 1 \end{bmatrix} \qquad (2.20)$$

Sehingga untuk mencari pembobot w adalah dengan persamaan (2.21) sebagai berikut:

$$w = C^{-1}.D (2.21)$$

2.9 Metode Universal Kriging

Universal kriging adalah bentuk umum dari simple kriging sebagai salah satu cara perluasan dari metode ordinary kriging. Universal kriging merupakan kriging dari data yang mempunyai kecenderungan tren tertentu. Metode ini tepat jika digunakan pada nilai-nilai di titik sampel yang memang mempunyai kecenderungan tertentu. Misalnya tebal lapisan bertambah dengan berubahnya arah atau nilai permeabilitas yang berkurang dengan menjauhnya lokasi dari chanel sand.

Dengan menganggap bahwa $z(u_i)$ merupakan k bagian variabel random dari ruang lingkup $d \supset D$ sebagai daerah spasialnya, estimator *universal kriging* $z(u_0)$ untuk fungsi random $z(u_i)$ ditunjukkan oleh persamaan (2.22) sebagai berikut.

$$\hat{z}(u_0) = \sum_{i=1}^{k} w_i z(u_i)$$
 (2.22)

Dengan asumsi bahwa E[z(u)] dan var[z(u)] ada, model z(u) dapat dinyatakan oleh persamaan (2.23) sebagai berikut:

$$z(u) = m(u) + \varepsilon u \tag{2.23}$$

m(u) merupakan persamaan dari trend (drift), hasil kombinasi linier dengan koefisien yang tidak nol, dengan

E[z(u)] = m(u) E[z(u)] adalah nilai ekspektasi dari z(u).

Untuk *trend (drift)* dari model polinomial $f_1(u)$ disajikan dalam persamaan (2.24) sebagai berikut:

$$m(u) = \sum_{l=0}^{n} \alpha_l f_l(u)$$
 (2.24)

dimana $f_0(u)=1$ dan $\varepsilon(u)$ merupakan error yang memenuhi sifat *intrinsic stationarity* dengan $E[\varepsilon(u)]=0$ dimana:

 α_i = koefisien tren

 $f_i(u) = \text{koordinat lokasi}$

n = banyaknya orde dalam persamaan tren

Ricardo (1999) menyatakan bahwa estimator $z(u_0)$ adalah sebagai estimator tak bias, jika dan hanya jika :

$$\sum_{i=1}^{k} w_i f_i(u_i) = f_i(u_0)$$
 (2.25)

persamaan (2.25) di atas sering disebut *universality condition* untuk l = 1, 2, ..., n.

Jika persamaan (2.25) tersebut dikalikan dengan α_l maka akan diberikan n+1 persamaan, yaitu:

$$\sum_{l=0}^{n} \alpha_{l} \sum_{i=1}^{k} w_{i} f_{l}(u_{i}) = \sum_{l=0}^{n} \alpha_{l} f_{l}(u_{0})$$
 (2.26)

Menurut Lemma 6.1 pada (Ricardo, 1999) , persamaan (2.26) sebelah kiri merupakan jumlahan ganda yang akan bernilai sama dengan nilai ekspektasi dari z(u). Sedangkan pada

persamaan sebelah kanan akan bernilai sama dengan m(u), dan m(u) = E[z(u)].

Jadi persamaan (2.26) akan menjadi:

$$E[z(u) - z(u)] = 0 (2.27)$$

dari persamaan (2.27) di atas akan didapatkan

z(u) = m = z(u), maka dapat dikatakan bahwa estimator dari universal kriging adalah estimator tak bias (unbiased). Selanjutnya dalam universal kriging, fungsi tren yang pertama $f_0(u)$ bernilai konstan, dengan $f_0(u) = 1$ sehingga berdasarkan universality condition diperoleh persamaan (2.28) sebagai berikut.

$$\sum_{i=1}^{k} w_i = 1 \tag{2.28}$$

dalam *universal kriging*, penyamaan dengan nilai 1 diperlukan dalam kondisi untuk mendapatkan estimator tak bias.

Contoh Kasus:

Proses Penghitungan Konsentrasi CO

Berikut akan diuraikan mengenai penghitungan manual estimasi konsentrasi CO menggunakan metode *universal kriging*. Misal terdapat nilai konsentrasi CO pada titik 1,2, dan 3 berturutturut adalah 4.17, 5.86 dan 7.89. Data koordinat masing-masing lokasi serta satu titik (x) yang ingin diketahui nilai konsentrasinya ditunjukkan oleh Tabel 1 sebagai berikut.

Tabel 1 Koordinat Lokasi dan Titik Analisis

Lokasi/Titik	Absis	Ordinat
X	9196527	693406
Titik 1	9189279	695237
Titik 2	9196489	693937
Titik 3	9196438	693340

Nilai koordinat lokasi pada Tabel 1 beserta nilai konsentrasi digunakan untuk menghitung parameter deterministik *universal*

kriging. Parameter deterministik didapatkan melalui persamaan sebagai berikut.

$$B = (X^{\mathsf{T}} \cdot X)^{-1} \cdot X^{\mathsf{T}} \cdot Y$$

Matriks *X* merupakan matriks yang berisikan koordinat dari lokasi. Vektor *Y* merupakan vektor dengan nilai dari konsentrasi masing-masing lokasi. Nilai dari kedua matriks tersebut dapat dilihat sebagai berikut.

$$X = \begin{pmatrix} 1 & 9189279 & 695237 \\ 1 & 9196489 & 693937 \\ 1 & 9196438 & 693340 \end{pmatrix}; Y = \begin{pmatrix} 4.17 \\ 5.86 \\ 7.89 \end{pmatrix}$$

Melalui matriks dan persamaan deterministik yang telah didefinisikan maka didapatkan parameter deterministik sebagai berikut.

$$B = \begin{pmatrix} 5773.2597 \\ -0.0003730 \\ -0.0033685 \end{pmatrix}$$

Berdasarkan parameter deterministik tersebut maka akan dilakukan penghitungan nilai $z(u_i)$. Nilai ini merupakan nilai konsentrasi yang telah dipengaruhi oleh komponen prediktor deterministik yaitu koordinat *trend facies* seperti yang tertera pada matriks X. Penghitungan nilai $z(u_i)$ dengan cara mengalikan matriks X dengan parameter deterministik. Penghitungan dan nilai $z(u_i)$ dapat dilihat sebagai berikut.

$$Z = X.B = \begin{pmatrix} 4.1699999 \\ 5.8599999 \\ 7.8899999 \end{pmatrix}$$

Setelah didapatkan nilai $z(u_i)$ maka langkah selanjutnya adalah menghitung nilai pembobot atau w_i . Nilai pembobot ini merupakan pembobot BLUE (*Best Linier Unbiased Estimation*). Maka dari itu melalui sifat *Best* maka didapatkan nilai pembobot melalui perkalian matriks sebagai berikut.

$$w = C^{-1}D$$

Matriks *C* merupakan matriks yang berisikan semivariogram teoritis konsentrasi CO pada Tabel 1 antara lokasi-lokasi yang telah diketahui nilai konsentrasinya. Sedangkan matriks *D* memuat nilai semivariogram teoritis konsentrasi CO pada Tabel 1 antara titik x dengan masing-masing lokasi. Kedua matriks tersebut dapat didefinisikan sebagai berikut.

$$C = \begin{pmatrix} \gamma(T_1, T_1) & \gamma(T_1, T_2) & \gamma(T_1, T_3) & 1 \\ \gamma(T_2, T_1) & \gamma(T_2, T_2) & \gamma(T_2, T_3) & 1 \\ \gamma(T_3, T_1) & \gamma(T_3, T_2) & \gamma(T_3, T_3) & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}; D = \begin{pmatrix} \gamma(u_0, T_1) \\ \gamma(u_0, T_2) \\ \gamma(u_0, T_3) \\ 1 \end{pmatrix}$$

Penghitungan matriks C dan D membutuhkan data jarak antara masing-masing lokasi dan titik x seperti yang tercantum pada Tabel 2 sebagai berikut.

Tabel 2 Data Jarak Antara Lokasi dan Titik x

Lokasi/Titik	X	Titik 1	Titik 2	Titik 3
X	0	110.8016	540.7772	803.7296
Titik 1	110.8016	0	1	823.7096
Titik 2	540.7772	1	0	824
Titik 3	803.7296	823.7096	824	0

Misalsemivariogram teoritis yang digunakan adalah sebagai berikut.

$$\gamma(h) = c\left(\frac{3h}{2r}\right) - \left(\frac{h}{2r}\right)^{3}, h \le r$$

$$\gamma(h) = c, h > r$$

$$\gamma(h) = 10.487\left(\frac{3h}{2 \times 1116.127}\right) - \left(\frac{h}{2 \times 1116.127}\right)^{3}$$

Nilai jarak yang terdapat pada Tabel 2 digunakan untuk mengganti nilai h pada semivariogram teoritis sesuai dengan masing-masing cell matriks C. Setelah masing-masing cell dilakukan penghitungan maka didapatkan matriks C dan D sebagai berikut.

$$C = \begin{pmatrix} 10.4871 & 0.0141 & 11.6093 & 1 \\ 0.0141 & 10.4871 & 11.6134 & 1 \\ 11.6093 & 11.6134 & 10.4871 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}; \ D = \begin{pmatrix} 1.5616 \\ 7.6217 \\ 11.3277 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Berdasarkan penghitungan nilai pembobot maka dida-patkan nilai w_i sebagai berikut.

$$\begin{pmatrix} w_1 \\ w_2 \\ w_3 \\ \mu \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.2357 \\ 0.8143 \\ -0.0499 \\ -0.3410 \end{pmatrix}$$

Nilai w_1, w_2 dan w_3 merupakan nilai pembobot untuk masing-masing nilai $z(u_1), z(u_2)$ dan $z(u_3)$. Sedangkan nilai μ meru-pakan nilai parameter Lagrange yang digunakan untuk

membuktikan sifat *Best*. Setelah nilai w_i dan $z(u_i)$ diketahui maka nilai konsentrasi pada titik x adalah sebesar 5.3609 melalui estimator *universal kriging* sebagai berikut.

$$\hat{z}(u_0) = \sum_{i=1}^{k} w_i z(u_i)$$

$$\hat{z}(u_0) = (0.2357 \times 4.17) + (0.8143 \times 5.86) + (-0.0499 \times 7.89)$$

$$\hat{z}(u_0) = 5.3609$$

2.10 Metode Ordinary Kriging

Metode *ordinary kriging* adalah metode kriging paling sederhana yang terdapat pada geostatistika. Pada metode ini, memiliki asumsi bahwa rata-rata (mean) tidak diketahui dan bernilai konstan. Pada *ordinary kriging*, m(u) merupakan *mean* dari Z(u) yaitu m(u) = E(Z(u)) dimana $E(Z(u)) = \mu$. Pada Cressie (1993) dijelaskan bahwa *ordinary kriging* berhubungan dengan prediksi spasial dengan dua asumsi :

a. Asumsi Model:

$$Z(u) = \mu + \delta(u), u \in D, \mu \in R \text{ dan } \mu \text{ tidak diketahui}$$
 (2.29)

b Asumsi Prediksi:

$$\hat{Z}(u) = \sum_{\alpha=1}^{n} w_{\alpha} Z(u_{\alpha}) \operatorname{dengan} \sum_{\alpha=1}^{n} w_{\alpha} = 1$$
 (2.30)

dengan:

 $\delta(u)$ =Nilai error pada Z(u)

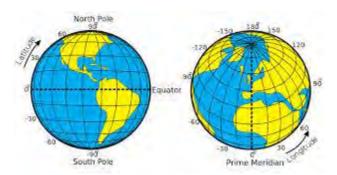
N = Banyaknya data sampel untuk estimasi

2.11 Koordinat Universal Teansverse Mercator (UTM)

Untuk menyatakan suatu lokasi di permukaan bumi dapat menggunakan sistem koordinat. Sistem koordinat yang biasa

digunakan di Indonesia adalah koordinat bujur lintang dan koordinat Universal Transverse Mercator (UTM). Alasan penggunaan dua sistem koordinat untuk menyatakan suatu tempat yang sama di permukaan bumi yaitu adanya suatu wilayah yang mempunyai garis lintang yang jauh lebih pendek daripada garis lintang di wilayah yang lain. Garis lintang yang lebih pendek terdapat di daerah yang berdekatan dengan kutub, sedangkan di ekuator mempunyai garis lintang terpanjang.

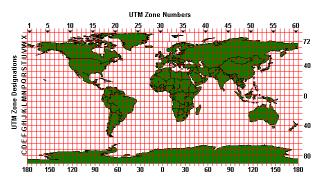
Sistem koordinat bujur lintang menggunakan garis imaji-ner untuk membagi bumi menjadi bagian-bagian. Garis horizontal yang mengelilingi bumi disebut garis lintang (*latitude*) dan garis vertikal yang menghubungkan kutub utara dengan kutub selatan bumi disebut garis bujur (*longitude*).



Gambar 2.4 Ilustrasi Garis Bujur dan Lintang di Permukaan Bumi

Garis lintang 0° merupakan garis lintang yang membagi bumi menjadi bagian utara dan selatan sama besar disebut garis khatulistiwa. Koordinat yang berada di utara khatulistiwa disebut dengan Lintang Utara (LU) dan koordinat di sebelah selatan khatulistiwa disebut Lintang Selatan (LS). Garis bujur 0° melintasi kota Greenwich, Inggris disebut *prime meridian*. Koordinat di sebelah barat prime meridian disebut Bujur Timur (BT), demikian pula yang terletak di sebelah barat *prime meridian* disebut Bujur Barat (BB).

Sistem koordinat UTM membagi seluruh wilayah di permukaan bumi menjadi 60 zona bujur dan 20 zona lintang. Zona bujur 1 dimulai dari Samudera Pasifik (pertemuan antara garis 180° BB dan 180° BT), menuju ke timur dan berakhir di berawalnya zona 1. Masing-masing zona mempunyai lebar 6° atau sekitar 667 km. Sedangkan zona lintang mempunyai lebar 8°, dimulai dari 80° LS - 72° LS diberi nama zona C dan berakhir pada zona X yang terletak pada 72° LU – 84° LS. Huruf I dan O tidak dipergunakan dalam penamaan zona lintang. Koordinat UTM menggunakan perhitungan jarak dalam satuan meter. Penamaan suatu wilayah di permukaan bumi menggunakan koordinat UTM yaitu dengan menyebutkan zona bujur dan zona lintang. Di bawah ini adalah ilustrasi pembagian zona bujur dan lintang pada koordinat UTM.



Gambar 2.5 Zona Bujur dan Zona Lintang pada Koordinat UTM

Setiap zona pada koordinat UTM mempunyai sumbu masingmasing, dengan titik nol pada perpotongan antara meridian sentralnya dengan ekuator. Sumbu X pada koordinat UTM disebut "Northing" dan sumbu Y disebut "Easting". Untuk menghindari koordinat negative, meridian sentral diberi nilai awal absis (X) 500.000 meter. Semakin ke barat nilai koordinat semakin berkurang, misalnya 400.000, 300.000, dst. Semakin ke timur semakin bertambah, misalnya 600.000, 700.000, dst. Zona

yang terletak di bagian selatan khatulistiwa diberi nilai awal ordinat (Y) 10.000.000 meter dan zona di sebelah utara khatulistiwa tetap mempunyai ordinat 0 meter. Semakin ke utara nilai koordinat semakin bertambah dan sebaliknya semakin ke selatan semakin berkurang.

Rumus konversi dari koordinat bujur lintang ke koordinat UTM dapat dihitung menggunakan persamaan (2.31) dan (2.32) berikut.

Northing =
$$ON \pm ko \times G + \Delta L$$
 (2.31)

$$Easting = OE \pm ko \times p + \Delta B \tag{2.32}$$

Keterangan:

ON : *Origin North*= 10.000.000 meter OE : *Origin East*= 500.000 meter

ko : konstanta= 0.9996

G : panjang busur meridian p: panjang busur lintang

ΔL : selisih lintang terhadap khatulistiwa
 ΔB : selisih bujur tehadap prime meridian

2.12 Kepadatan Lalu Lintas

Volume kesibukan dari warga kota yang sangat tinggi tentunya tidak terlepas dari pemakaian jalan-jalan untuk keperluan atau aktivitas sehari-hari. Seiring dengan kemajuan teknologi, terutama yang berkaitan dengan bidang otomotif mengangkut kendaraam bermotor yang menggunakan Bahan Bakar Minyak (BBM) seperti premix, premium, dan solar tentunya mengakibatkan pembuangan asap (emisi) yang tidak mungkin terelakkan lagi di jalan-jalan Kota Surabaya. Dengan meningkatnya pertumbuhan ekonomi dan berdampak pula terhadap meningkatnya pendapatan per kapita masyarakat Indonesia sebelum dilanda resesi ekonomi 1997, semakin banyak orang yang menggunakan kendaraan bermotor baik itu mobil maupun motor dalam menjalankan aktivitas. Selain itu, adanya kendaraan umum seperti bus kota dan angkutan kota menambah ramainya jalur lalu lintas di Kota Surabaya. Kemacetan lalu lintas

pada jam-jam sibuk (07.00-09.00) tidak dapat dihindari karena masayarakat siap melakukan berbagai aktivitas, di antaranya berangkat kerja, berangkat sekolah, dan keperluan lainnya. Sebaliknya pada 16.00 WIB, masyarakat pulang dari kerja kembali memadati arus lalu luntas. Rutinitas ini menimbulkan kemacetan lalu lintas dan pencemaran udara akibat pembuangan asap melalui knalpot kendaraan bermotor yang merupakan sumber utama dari CO.

2.13 Pencemaran Udara

Pencemaran udara adalah masuk atau dimasukkannya zat, energi dan/atau komponen lain ke dalam udara ambien oleh kegitan manusia, sehingga mutu udara ambien turun sampai ke tingkat tertentu yang menyebabkan udara ambien tidak dapat memenuhi fungsinya. (Peraturan Gubernur Jawa Timur Nomor 39 tahun 2008). Pencemaran udara dapat ditimbulkan oleh sumbersumber alami maupun kegiatan manusia. Beberapa definisi gangguan fisik seperti polusi suara, panas, radiasi atau polusi cahaya dianggap sebagai polusi udara. Sifat alami udara mengakibatkan dampak pencemaran udara dapat langsung dan local, regional, maupun global. Polutan pencemar udara dibedakan menjadi polutan primer dan polutan sekunder. Polutan primer adalah substansi polutan yang ditimbulkan langsung dari sumber polutan udara. Polutan sekunder adalah substansi polutan yang terbentuk dari reaksi polutan-polutan primer di atmosfer.

Berdasarkan Baku Mutu Udara Ambien (BMUA) menurut Peraturan Pemerintah Nomor 41 tahun 1999. Parameter polutan udara meliputi karbon monoksida (CO), nitrogen dioksida (NO₂), hidrokarbon (CH), sulfur dioksida (SO₂), ozon (O₃), partikel yang berukuran \leq 10 mikron (PM10), partikel yang berukuran \leq 2.5 mikron (PM2.5), Total Suspended Particulate/ debu (TSP), timah hitam (Pb), serta dustfall (debu jatuh). Tidak semua polutan yang diemisi ke udara dapat menimbulkan dampak penting. Jika laju emisinya kecil atau durasi pemunculannya singkat, suatu emisi

polutan kemungkinan besar tidak akan terlalu mempengaruhi kualitas udara ambien sampai ke tingkatan signifikan. Kriteria batas polutan penting yang dikeluarkan *New Jersey Department of Environmental Protection* adalah tercantum pada Tabel 2.1.

Tabel 2.1 Kriteria Batas Polutan Penting dari 3 Pencemar Utama

Polutan	Emisi (Ton/Tahun)	Baku Mutu (ppm/jam)
Nitrogen Dioksida (NO ₂)	25 ^a /40 ^b	0.05
Karbon Monoksida (CO)	100	20
Sulfur Dioksida (SO ₂)	40	0.1

Keterangan: a. Jika tinggi cerobong/keluaran < 20 m b. Jika tinggi cerobong/keluaran ≥ 20 m

Tidak semua polutan tersebut akan diestimasi, tetapi hanya satu pencemar yang akan diestimasi menggunakan metode *universal kriging*. Pencemar tersebut adalah yang berperan paling penting dalam pencemaran udara, yaitu gas CO.

2.13.1 Karbon Monoksida (CO)

Sumber CO di Surabaya adalah kendaraan bermotor, terutama yang menggunakan bahan bakar bensin, pembakaran batubara dan minyak dari industri, dan pembakaran sampah domestik. Dalam laporan WHO (1992) dinyatakan paling tidak 90% dari CO diudara perkotaan berasal dari emisi kendaraan bermotor. Sumber CO dari dalam ruang (*indoor*) termasuk dari tungku dapur rumah tangga dan tungku pemanas ruang. Karakteristik biologis yang paling penting dari CO adalah kemampuannya untuk berikatan dengan haemoglobin, pigmen sel darah merah yang mengangkut oksigen keseluruh tubuh. Sifat ini menghasilkan pembentukan karboksihaemoglobin (HbCO) yang 200 kali lebih stabil dibandingkan oksihaemoglobin (HbCO). Penguraian HbCO yang relatif lambat menyebabkan terhambatnya kerja molekul sel

pigmen tersebut dalam fungsinya membawa oksigen keseluruh tubuh. Kondisi seperti ini bisa berakibat serius, bahkan fatal, karena dapat menyebabkan keracunan. Dampak keracunan CO sangat berbahaya bagi orang yang telah menderita gangguan pada otot jantung atau sirkulasi darah periferal yang parah. Dampak negatif lain yang diakibatkan oleh konsentrasi CO yang tinggi yaitu dapat menyebabkan perubahan tekanan darah, meningkatkan denyut jantung, ritme jantung menjadi abnormal, gagal jantung, dan kerusakan pembuluh darah periferal.

2.14 Penelitian Sebelumnya

Beberapa penelitian yang membahas universal kriging antara lain Mercer. L., Szpiro. A., Sheppard. L., et al. (2011) yang membahas mengenai perbandingan metode universal kriging dengan Land-use Regression pada studi kasus konsentrasi monoberpengaruh nitrogen oksida vang terhadap Atherosklerosis di Los Angeles, Amerika Serikat. Pada penelitian ini metode universal kriging memberikan hasil yang lebih baik daripada Land-use Regression dan dibuktikan dengan nilai RMSE universal kriging yang lebih baik .Gundogdu dan Guney (2007) meneliti mengenai penggunaan metode universal kriging dan sejumlah semivariogram pada studi kasus permukaan air tanah di Bursa. Turki. Fokus utama yang dilakukan dalam penelitian ini adalah mengetahui pengaruh sejumlah semivariogram teori yang dicocokkan dengan semivariogram eksperimental

Penelitian selanjutnya mengenai *universal kriging* juga dilakukan oleh Selby dan Kockelman (2011) pada studi kasus sejumlah parameter arus lalu lintas di Texas, Amerika Serikat. Metode ini digunakan karena tidak tersedianya data sejumlah parameter arus lalu lintas pada beberapa daerah di Texas sehingga metode ini merupakan metode yang paling tepat untuk menjawabnya. Sejumlah parameter lalu lintas perlu untuk diketahui agar dapat dijadikan rujukan keputusan strategis dalam pengaturan lalu lintas di Texas. Serta Laksana (2010) dengan topik penggunaan metode *universal kriging* untuk memprediksi

porositas sebagai ukuran kandungan air tanah. Penelitian ini lebih banyak membahas mengenai metode *universal kriging* daripada contoh kasus yang digunakan

Rafsanjani (2012) juga menggunakan metode *universal kriging* dalam penelitiannya yang berjudul analisis penyebaran properti reservoir pada petrophysical modelling di lokasi "x" papua barat dengan metode universal kriging. Penelitian tersebut menyimpulkan bahwa Zona 1A dan 1B merupakan target reservoir yang prospektif karena berdasarkan analisas statistika deskriptif dan *Univeral kriging* didapatkan hasil penyebaran porositas dan NTG yang tertinggi jika dibandingkan dengan zona yang lainnya Selain itu di Indonesia belum banyak dilakukan penelitian yang menggunakan metode *Universal kriging* dengan studi kasus bidang perminyakan. apalagi studi kasus bidang pencemaran udara.

Beberapa penelitian sebelumnya tentang pencemaran udara dilakukan oleh (Rachmawati, 2009) tentang perbandingan metode *ordinary kriging* dan *cokriging* untuk mengestimasi kadar NO₂ di kota Bogor. Arah mata angin atau sudut anisotropi yang berbeda yaitu dari arah utara (0°).timur laut (45°), timur (90°) dan tenggara (135°) dapat meningkatkan presisi pendugaan kadar NO₂. Hasil interpolasi NO₂ dengan metode *ordinary kriging* dibandingkan dengan *cokriging* pada empat sudut anisotropi. Perbandingan hasil interpolasi NO₂ berdasarkan nilai RMSE menunjukkan bahwa metode *cokriging* khususnya pada sudut anisotropi 135° lebih baik daripada metode *ordinary kriging*.

Suryani. S..& SO. e. a. (2011) yang bertujuan untuk mengetahui dispersi SO₂ pada cerobong asap PT Semen Tonasa. Penelitian ini menggunakan metode Gaussian Plume Equation yang menghasilkan estimasi konsentrasi SO₂ pada cerobong asap PT Semen Tonasa unit II/III adalah 0.090 ppm dan unit IV 0.12 ppm dengan jarak dari sumber sejauh 350-500 m. (Putri, 2013) melakukan penelitian tentang estimasi konsentrasi Nitrogen Dioksida (NO₂) dan Karbon Monoksida (CO) di udara Surabaya menggunakan Cokriging dan (Aisyiah, 2014) melakukan

penelitian tentang pemodelan konsentrasi partikel debu (PM_{10}) pada pencemaran udara di Kota Surabaya dengan metode Geographically-Temporally Weighted Regression.

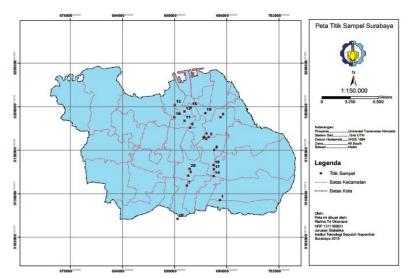
(Halaman ini sengaja dikosongkan)

BAB III METODOLOGI PENELITIAN

3.1 Sumber Data dan Lokasi Penelitian

Data yang digunakan dalam penelitian ini adalah data sekunder mengenai kualitas udara ambien di Kota Surabaya pada tahun 2010 yang diperoleh dari Balai Besar Teknik Kesehatan Lingkungan dan Pengedalian Penyakit Menular (BBTKL-PPM) Kota Surabaya dan hasil penelitian (Putri. 2013) tentang estimasi konsentrasi Nitrogen Dioksida (NO₂) dan Karbon Monoksida (CO) di udara Surabaya menggunakan Cokriging. Pengambilan sampel dilakukan sekali dalam satu jam pada musim kemarau, Juni 2010. Terdapat 20 titik pengamatan yang merupakan lokasi berpotensi tinggi terjadinya pencemaran akibat gas buang kendaraan bermotor. Ke-20 titik tersebut antara lain.

- 1. Perempatan SIER Rungkut
- 2. Perempatan Jalan Prof. Moestopo-Jalan Dharmawangsa
- 3. Pertigaan Jalan Raya Gubeng-Jalan Pemuda
- 4. Stasiun Gubeng
- 5. Depan RSI Jalan Ahmad Yani
- 6. Perempatan Jalan Tunjungan-Jalan Gentengkali
- 7. Pertigaan Jl Ahmad Yani-Jl Margorejo Indah
- 8. Perempatan Jl Menur-Jl Kertajaya
- 9. Perempatan Jl Kenjeran-Jl Kedung Cowek
- 10. Perempatan Jl Kapasan-Jl Simokerto
- 11. Stasiun Pasar Turi
- 12. Pertigaan Jl Gresik-Jl Demak
- 13. Pertigaan Jl Indrapura-Jl Parangkusuma
- 14. Perempatan Jl Panjang Jiwo-Jl Raya Nginden
- 15. Depan monumen Jembatan Merah Plaza
- 16. Terminal Purabaya
- 17. Pertigaan Jl Raya Nginden-Jl Nginden Semolo
- 18. Perempatan Jalan Demak-Jalan Dupak
- 19. Terminal Bratang
- 20. Terminal Joyoboyo



Gambar 3.1 Titik Pengamatan Udara Ambien di Kota Surabaya

3.2 Variabel Penelitian

Variabel penelitian yang digunakan adalah konsentrasi CO. Selain konsentrasi CO juga diperlukan koordinat titik pengambilan sampel yang dinyatakan dalam koordinat bumi latitude dan longitude. kemudian dikonversi ke dalam koordinat UTM. Data konsentrasi CO serta koordinat dari 20 titik pengamatan ditampilkan pada Tabel 3.1.

Tabel 3.1 Data Konsentrasi CO serta Koordinat Bujur Lintang dan Koordinat UTM

dan Hoordinat C 1111						
<i>i</i> Titik Pengamatan	Longitude	Latitude	Northing	Easthing	$z(u_i)$ CO (ppm)	
1	112.76864	-7.33097	9189279	695237	4.17	
2	112.75661	-7.26582	9196489	693937	5.86	
3	112.75120	-7.26631	9196438	693340	7.89	
4	112.75179	-7.26524	9196527	693406	8.50	
5	112.73551	-7.30577	9192080	691589	8.98	
6	112.73708	-7.25588	9197597	691785	9.85	
7	112.73397	-7.31629	9190922	691415	10.50	

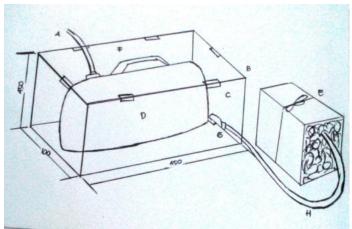
Tabel 3.1 Data Konsentrasi CO serta Koordinat Bujur Lintang dan Koordinat UTM (Lanjutan)

i Titik	Longitude	Latitude	Northing	Easthing	$z(u_i)$ co
Pengamatan					(ppm)
8	112.76219	-7.24079	9195001	694559	10.90
9	112.73142	-7.23937	9198763	695304	11.00
10	112.75254	-7.24079	9199267	693542	11.00
11	112.73101	-7.24831	9198379	691153	11.00
12	112.76209	-7.23243	9200189	690043	11.10
13	112.73142	-7.23937	9199428	691162	11.30
14	112.76165	-7.30655	9192012	694499	11.50
15	112.73774	-7.23485	9199923	691867	11.85
16	112.72447	-7.35046	9187142	690351	12.85
17	112.76209	-7.29929	9192784	694521	12.90
18	112.72080	-7.24498	9198809	689991	12.99
19	112.76176	-7.29487	9193274	694493	16.08
20	112.73678	-7.29885	9192844	691733	19.17

3.2.1 Pengukuran Karbon Monoksida (CO)

CO merupakan senyawa yang tidak berbau, tidak berasa dan pada suhu udara normal berbentuk gas tidak berwarna. CO dihasilkan dari proses pembakaran tidak sempurna dari bahan bakar fosil, seperti bensin, minyak kayu, dan kayu bakar. Cara pengukuran CO di udara ambien tertuang dalam SNI 7119.10:2011 dengan judul "Udara ambien – bagian 10: Cara uji kadar CO menggunakan metode *Non Dispersive Infra Red*(NDIR)". Peralatan yang digunakan dalam uji ini adalah:

- 1. Kantong pengumpul sampel uji CO
- 2. Alat ukur CO dengan detektor NDIR



Gambar 3.2 Rangkaian Peralatan Pengambilan Sampel Uji Karbon Monoksida (CO) (sumber: SNI 2011)

Keterangan:

A: aliran udara masuk E: pompa vakum

B: kotak hampa udara (vakum) F: kran buka tutp Tedlar bag

C : ruang hampa udara (vakum) G : kran pengatur vakum

D : Tedlar bag H : kran pengatur laju alir

Langkah-langkah dalam pengumpulan sampel uji sebagai berikut:

- Memasang alat sedemikian rupa seperti ditunjukkan pada Gambar 3.2. kantong pengumpul harus benar-benar vakum dan terbebas dari kontaminan
- 2. Atur laju pompa vakum sesuai dengan kantong pengumpul yang digunakan. Sebelum melakukan pengujian, harus diperhatikan prosedur kalibrasi sebagai berikut:
 - a. Mengalirkan *zero gas* pada alat dan tetapkan pembacaan nol pada pencatat (*recorder*)
 - b. Nilai nol disesuaikan dengan skala pencatat (zero adjusment)

c. Memasukkan segera standar gas dan buat kurva kalibrasi (minimal 3 titik)

Langkah-langkah pengujiannya sebagai berikut:

- 1. Mengondisikan alat ukur hingga siap untuk pengukuran
- 2. Memastikan alat dalam keadaan terkalibrasi
- 3. Menghubungkan wadah pengumpul berisi sampel uji gas CO ke katup gas masuk pada alat ukur.
- 4. Melakukan pengukuran.
- 5. Mencatat data yang diperoleh (dalam satuan ppm).

3.3 Langkah Analisis Data

Tahapan dan langkah-langkah dalam analisis data menggunakan metode *universal kriging* adalah sebagai berikut.

- 1. Melakukan statistika deskriptif dan pengujian normalitas data konsentrasi CO.
- 2. Memplotkan data untuk mengetahui kecenderungan trend.
- 3. Melakukan analisis trend dengan memplotkan nilai data konsentrasi CO dengan koordinat lokasinya .
- 4. Melakukan penghitungan semivariogram eksperimental untuk universal kriging data konsentrasi CO pada masing-masing titik pengamatan. Analisis ini akan menghasilkan nilai semivariogram eskperimental pada jarak tertentu dan digambarkan dalam grafik.
- 5. Melakukan analisis semivariogram teoritis dengan cara membuat grafik semivariogram *Exponential*, *Spherical* dan *Gaussian* agar didapatkan tiap properti semivariogram teoritis.
- 6. Melakukan analisis struktural dengan membandingkan semivariogram eksperimental untuk *universal kriging* dari perhitungan dengan semivariogram teoritis. kemudian memilih model semivariogram teoritis terbaik berdasarkan bentuk visual, nilai MSE dan properti semivariogram.

- 7. Menghitung pembobot *Universal kriging(w)* berdasarkan model semivariogram teoritis terbaik. Analisis ini membutuhkan data jarak antara lokasi penelitian dan antara lokasi penelitian dengan titik yang ingin diketahui nilai penyebarannya.
- 8. Menghitung $z(u_0)$ atau estimasi nilai konsentrasi CO pada titik dalam jarak tertentu di masing-masing titik pengamatan. Pembuatan peta dapat dilakukan ketika semua titik pada lokasi penelitian sudah diestimasi sehingga dapat diketahui penyebaran nilai konsentrasi CO pada masing-masing titik pengamatan di lokasi-lokasi tersebut.

Tahapan dan langkah-langkah dalam analisis data menggunakan metode *ordinary kriging* adalah sebagai berikut.

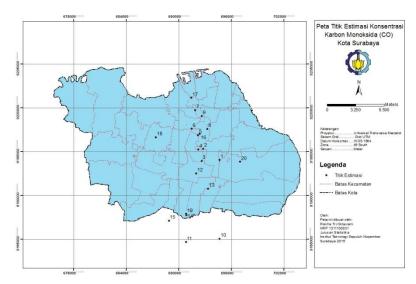
- 1. Menguji asumsi stasioneritas orde dua data konsentrasi CO. Pada *ordinary kriging* diperlukan asumsi data yang bersifat stasioner untuk data konsentrasi CO. Data dikatakan stasioner jika plot yang dihasilkan tidak mengandung tren tertentu.
- 2. Apabila asumsi stasioneritas sudah terpenuhi maka selanjutnya dilakukan perhitungan semivariogram eksperimental.
- analisis struktural. Analisis struktural yaitu 3. Melakukan mencocokkan semivariogram eksperimental dengan teoritis. Hal dilakukan semivariogram ini dengan membandingkan nilai mean square error (MSE) dari beberapa semivariogram teoritis, lalu dipilih model semivariogram teoritis dengan nilai MSE yang terkecil untuk digunakan pada analisis selanjutnya.
- 4. Melakukan perhitungan nilai bobot pengaruh masing-masing titik tersampel pada variabel terhadap titik yang akan diestimasi menggunakan semivariogram teoritis yang terpilih.

5. Menghitung $\hat{z}(u_0)$ atau estimasi nilai konsentrasi CO pada titik dalam jarak tertentu di masing-masing titik pengamatan. Titik-titik tertentu yang akan dilakukan estimasi Konsentrasi CO ditampilkan pada Tabel 3.2.

Tabel 3.2 Titik-titik Estimasi Konsentrasi CO di Kota Surabaya

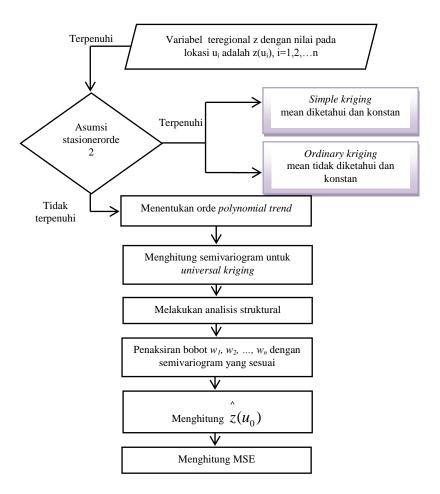
Titik	Lokasi	Northing	Easting
1	Pertigaan Jl Menur Pumpungan-Jl Manyar	9194045	694659
2	Pertigaan Jl Sulawesi-Jl Raya Gubeng	9195333	692792
3	Perempatan Jl Bung Tomo-Jl Ngagel	9193945	692612
4	Pertigaan Jl Urip Sumoharjo-Jl Raya Dharmo	9195246	692233
5	Pertigaan Jl Gub. Suryo-Jl Jend. Basuki Rahmat	9196866	692182
6	Perempatan Jl Bubutan-Jl Blauran	9197608	691479
7	Perempatan Jl Kembang Jepun-Jl Veteran	9199725	691885
8	Pertigaan Jl Kusuma Bangsa-Jl Ambengan	9197582	693261
9	Depan Pasar Atum	9199044	692626
10	Perempatan Jl Tropodo-Jl Bandara Djuanda	9185035	694642
11	Pertigaan Jl Ir. Haji Djuanda-Jl Jend. A. Yani	9184664	690840
12	Stasiun Wonokromo	9192516	691990
13	Pertigaan Jl Jemur Sari-Jl Prapen Raya	9190760	693329
14	Depan City Of Tomorrow	9187747	690891
15	Pertigaan Jl Raya Bungurasih-Jl Letjen Sutoyo	9187105	688879
16	Taman Prestasi di Jalan Ketapang Kali	9197029	692393
17	Perak Timur di Jalan Selanggor	9201147	691441
18	Sukomanunggal di Jalan Sukomanunggal	9196621	687396
19	Gayungan di Jalan Raya Pagesangan	9187876	690830
20	Gebang Putih di Jalan Arif Rachman Hakim	9193839	696990

Titik-titik estimasi pada Tabel 3.2 di atas diperjelas dalam Gambar 3.3 sebagai berikut.



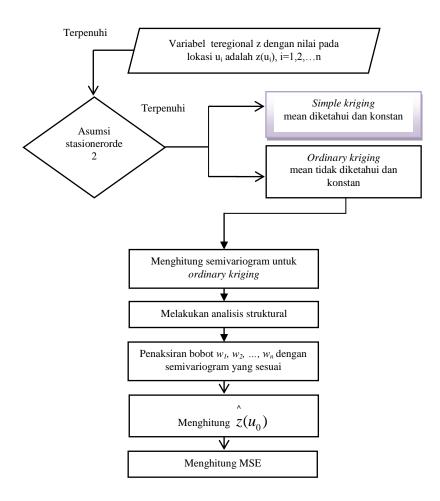
Gambar 3.3 Peta Titik-titik Estimasi Konsentrasi CO di Kota Surabaya

Diagram alir dan analisis selengkapnya untuk metode *universal kriging* dapat dilihat pada Gambar 3.4 sebagai berikut.



Gambar 3.4 Diagram Alir Analisis DataMenggunakan Metode *Universal kriging*

Diagram alir dan analisis selengkapnya untuk metode *ordinary kriging* dapat dilihat pada Gambar 3.5 sebagai berikut.



Gambar 3.5 Diagram Alir Analisis DataMenggunakan Metode *Ordinary kriging*

BAB IV ANALISIS DAN PEMBAHASAN

4.1 Karakteristik Konsentrasi Polutan Karbon Monoksida (CO)

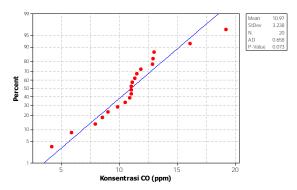
Konsentrasi polutan CO di Surabaya mempunyai karakteristik dengan ukuran pemusatan data dinyatakan dengan rata-rata sedangkan ukuran penyebaran data dinyatakan dengan standar deviasi dan varians. Konsentrasi minimum CO terdapat di Perempatan SIER Rungkut sebesar 4.17 ppm. Hal ini kemungkinan pengambilan sampel nilai konsentrasi CO di perempatan SIER Rungkut dilakukan bukan pada waktu padat lalu lintas. Konsentrasi maksimum CO terdapat di Terminal Joyoboyo sebesar 19.17 ppm yang hampir mencapai nilai ambang batas maksimum 20 ppm. Hal ini berarti kepadatan lalu lintas di Terminal Joyoboyo tinggi, sehingga menghasilkan gas buang kendaraan bermotor yang memicu tingginya nilai konsentrasi CO. Rata-rata konsentrasi CO di beberapa titik observasi cukup besar yaitu 10.97 ppm dengan standar deviasi 3.24. Hal ini menunjukkan bahwa konsentrasi CO pada 20 titik pengamatan tersebut bervariasi.

4.2 Asumsi Normalitas pada Data Konsentrasi Polutan Karbon Monoksida (CO)

Analisis *Universal Kriging* membutuhkan asumsi normalitas dan stasioneritas pada data yang digunakan. Statistik uji yang tepat untuk pengujian normalitas pada data konsentrasi CO dengan jumlah sampel sebesar 20 adalah statistik uji Andersondarling. Statistik uji ini *robust* untuk pengujian normalitas dengan sampel kecil (n<25).

Pengujian normalitas pada data konsentrasi CO dapat dilihat pada Gambar 4.1. Plot konsentrasi CO yang ditunjukkan oleh titik-titik berwarna merah telah menyebar mengikuti garis lurus berwarna biru. Hal ini menunjukkan bahwa asumsi normalitas untuk data konsentrasi CO terpenuhi. Selain itu, p-value data konsentrasi CO bernilai 0.073. Nilai tersebut lebih besar dari nilai

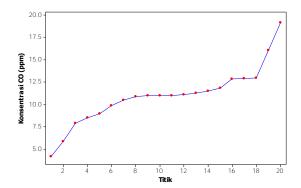
signifikansi α (0.05), sehingga dapat disimpulkan pula bahwa asumsi normalitas untuk data konsentrasi CO telah terpenuhi.



Gambar 4.1 Plot Normalitas Data Konsentrasi Polutan Karbon Monoksida (CO)

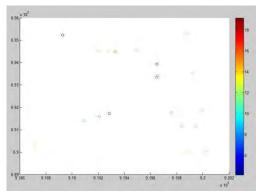
4.3 Asumsi Stasioneritas pada Data Konsentrasi Polutan Karbon Monoksida (CO)

Setelah asumsi normalitas terpenuhi, maka dilakukan plot untuk mengetahui titik-titik sebaran konsentrasi CO stasioner atau tidak. Ke-stasioner-an suatu data tampak setelah titik-titik observasi diplotkan dan dari plot tersebut terlihat apakah terdapat kecenderungan tren tertentu atau tidak. Dengan melakukan pengamatan pada plot sebaran data konsentrasi CO, maka uji stasioneritas dapat dilakukan. Data dikatakan stasioner jika sebaran data pada lokasi tertentu mempunyai sebaran data yang acak atau tidak bergantung pada lokasi atau faktor apapun. Sebaliknya data dikatakan *non-stasioner* jika data mempunyai sebaran yang teratur (tidak acak) dan juga bergantung pada faktor tertentu. Berikut adalah plot sebaran data dari Tabel 3.1.



Gambar 4.2 Plot Sebaran Data Konsentrasi Polutan Karbon Monoksida (CO)

Plot sebaran data konsentrasi CO pada gambar 4.2 memiliki kecenderungan tren linier naik. Sehingga plot sebaran data tersebut dapat digolongkan ke dalam variabel *non-stasioner*. Kestasioneran suatu data juga dapat dilihat dari ada atau tidaknya gradasi warna dari data konsentrasi CO (Tabel 3.1) yang diplotkan kedalam *scatter* plot. Hasil plot data yang dimaksud tersaji dalam Gambar 4.3.



Gambar 4.3 Scatter Plot Data Konsentrasi CO

Sumbu x dan sumbu y pada Gambar 4.3 menyatakan koordinat lokasi. Titik-titik yang tersebar menunjukkan konsentrasi CO dan warna dari titik-titik tersebut tergantung dari koordinat lokasinya. Jika diamati secara keseluruhan terdapat gradasi warna dari biru menuju ke merah berdasarkan tinggi rendahnya konsentrasi CO, sehingga dapat dikatakan bahwa plot di atas mengandung kecenderungan tren tertentu. Berdasarkan bukti-bukti diatas maka data konsentrasi CO digolongkan variabel *non-stasioner*.

4.4 Analisis Semivariogram Eksperimental untuk Mengestimasi Konsentrasi Polutan Karbon Monoksida (CO) dengan *Universal Kriging*

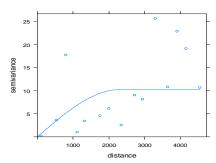
Berdasarkan hasil perhitungan semivariogram eksperimental konsentrasi CO diperoleh jumlah kelas sebanyak 15. Selain itu, diperoleh pasangan data pada masing-masing kelas dan jarak dari setiap pasangan data beserta nilai semivariogramnya yang ditampilkan pada Tabel 4.1

Tabel 4.1 Nilai Semivariogram Ekserimental beserta Pasangan Data Konsentrasi CO dan Jaraknya dengan *Universal Kriging*

Kelas	Pasangan	Jarak	Nilai
	Data		Semivariogram
			(Gamma)
1	1	110.8016	0.2108
2	3	540.7772	3.1293
3	3	803.7296	18.2167
4	4	1116.1270	0.5946
5	4	1330.1950	3.3064
6	6	1752.8270	4.8754
7	9	2003.4500	6.1039
8	5	2354.9470	2.2342
9	6	2722.2020	8.0841
10	11	2946.4790	8.4461
11	6	3305.9730	28.3438
12	11	3648.4820	9.7905
13	12	3921.8010	21.0058
14	7	4165.6890	14.6071
15	6	4549.1840	7.9601

.

Plot semivariogram eksperimental data konsentrasi CO dengan universal kriging bisa dilihat pada Gambar 4.4 sebagai berikut.

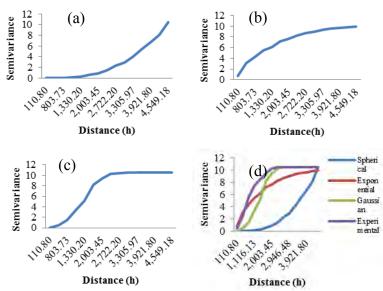


Gambar 4.4 Plot Semivariogram Eksperimental Konsentrasi Karbon Monoksida (CO) dengan *Universal Kriging*

Nilai semivariogram pada Gambar 4.4. konstan setelah jarak 2285 m, yang berarti konsentrasi CO tidak memiliki dependensi lagi pada saat jarak 2285 m atau lebih dengan nilai sill (c) sebesar 10.4871. Nilai sill tersebut diperoleh dari nilai variansi data pada Tabel 3.1. Plot semivariogram eksperimental tersebut yang digunakan sebagai pembanding dalam pemilihan semivariogram teoritis terbaik selain kriteria kebaikan model, yang dalam penelitian ini menggunakan *mean squared error* (MSE).

4.5 Analisis Semivariogram Teoritis untuk Mengestimasi Konsentrasi Polutan Karbon Monoksida (CO) dengan Universal Kriging

. Hasil analisis struktural diperoleh semivariogram dengan model *Exponential*. Model tersebut diambil setelah di bandingkan dengan beberapa semivariogram yang dianggap cocok dengan metode *Universal kriging* seperti yang ditunjukkan pada gambar 4.5.

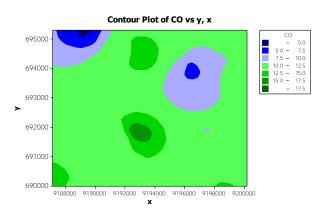


Gambar 4.5 (a) Semivariogram Spherical, (b) Semivariogram Exponential, (c) Semivariogram Gaussian, (d) Perbandingan Plot Semivariogram Experimental dan Ke-3 Plot Semivariogram Teoritis dengan *Universal Kriging*

Plot semivariogram teoritis yang paling mendekati diantara ketiga plot semivariogram teoritis pada Gambar 4.5 adalah semivariogram Gaussian (Gambar 4.5 (c)). Secara visual, model Gaussian lebih mendekati harapan dengan kestabilan plot semivariogram yang lebih baik dibandingkan model Spherical dan Exponential. Namun nilai MSE Model Gaussian lebih besar dibandingkan Model Exponential. Yaitu sebesar 0.969145 untuk model Spherical, 0.747434 untuk model Exponential, dan 0.776198 untuk model Gaussian. Model terpilih pada kasus ini adalah model Exponential, karena semakin kecil nilai MSE maka semakin baik model tersebut.

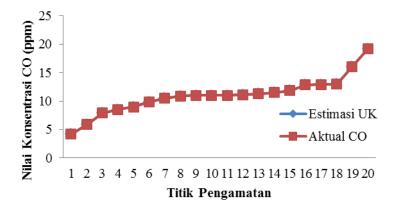
4.6 Estimasi Konsentrasi Polutan Karbon Monoksida (CO) dengan *Universal Kriging*

Hasil estimasi CO dengan semivariogram teoritis terbaik ditunjukkan pada Gambar 4.6. Nilai konsentrasi CO bervariasi antara range < 5 ppm sampai > 17.5 ppm yang terbagi ke dalam 7 kelas. Hal ini menunjukkan range hasil estimasi lebar, sehingga sensitif terhadap nilai konsentrasi pada setiap lokasi. Estimasi konsentrasi dominan berkisar antara 10 ppm sampai 12.5 ppm, yang berarti nilai pemusatan konsentrasi CO hasil estimasi berada pada range 10 ppm sampai 12.5 ppm. MSE yang dihasilkan sebesar 1.63 x 10⁻⁸.



Gambar 4.6 Contour Plot Estimasi Karbon Monoksida (CO) dengan Universal Kriging

Perbandingan antara nilai estimasi dengan nilai aktual konsentrasi CO yang diperoleh melalui pengukuran di lapangan dapat dilihat pada Gambar 4.7.



Gambar 4.7 Perbandingan Nilai Estimasi dengan *Universal Kriging* dan Nilai Aktual Konsentrasi CO di 20 Titik Pengamatan

Hasil estimasi CO dengan universal kriging berimpit dengan nilai aktual CO. Hal ini karena hasil estimasi CO dengan universal kriging menghasilkan nilai MSE yang sangat kecil sehingga dapat dikatakan hasil estimasi CO telah valid.

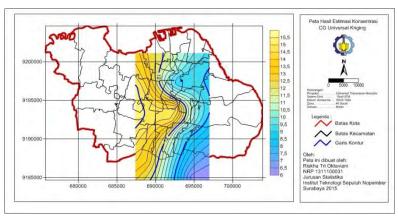
4.7 Estimasi Konsentrasi Polutan Kabon Monoksida (CO) pada Titik-Titik Tertentu di Surabaya dengan *Universal Kriging*

Setelah didapatkan peta kontur pada Gambar 4.6 untuk estimasi konsentrasi CO. Selanjutnya dicari estimasi CO di 20 titik konsentrasi tertentu Surabaya yang di arus lalu lintas padat dan lima titik terakhir mempunyai merupakan lokasi pemantauan udara ambien (SUF) Kota Surabaya. Informasi pendukung seperti koordinat latitude dan longitude yang telah dikonversi ke koordinat UTM sudah ditampilkan pada Tabel 3.3. Hasil estimasi konsentrasi CO beserta errornya ditampilkan pada Tabel 4.2 sebagai berikut.

Tabel 4.2 Hasil Estimasi Konsentrasi CO Pada 20 Titik Tertentu di Kota Surabaya dengan *Universal Kriging*

di Kota Barabaya dengan Oniversai Kriging						
Lokasi	Northing	Easting	Konse ntrasi CO (ppm)	Error		
Pertigaan Jl Menur Pumpungan-Jl Manyar	9194045	694659	12.99	1.27		
Pertigaan Jl Sulawesi-Jl Raya Gubeng	9195333	692792	11.49	1.69		
Perempatan Jl Bung Tomo-Jl Ngagel	9193945	692612	14.61	1.75		
Pertigaan Jl Urip Sumoharjo-Jl Raya Dharmo	9195246	692233	12.37	1.94		
Pertigaan Jl Gub. Suryo-Jl Jend. Basuki Rahmat	9196866	692182	10.02	1.37		
Perempatan Jl Bubutan-Jl Blauran	9197608	691479	10.57	0.99		
Perempatan Jl Kembang Jepun-Jl Veteran	9199725	691885	11.47	0.88		
Pertigaan Jl Kusuma Bangsa-Jl Ambengan	9197582	693261	8.94	1.38		
Depan Pasar Atum	9199044	692626	10.71	1.29		
Perempatan JI Tropodo-JI Bandara Djuanda	9185035	694642	6.33	6.47		
Pertigaan Jl Ir. Haji Djuanda-Jl Jend. A. Yani	9184664	690840	10.85	5.07		
Stasiun Wonokromo	9192516	691990	14.41	1.01		
Pertigaan Jl Jemur Sari-Jl Prapen Raya	9190760	693329	9.77	1.84		
Depan City Of Tomorrow	9187747	690891	11.56	1.68		
Pertigaan Jl Raya Bungurasih-Jl Letjen Sutoyo	9187105	688879	13.51	3.28		
Taman Prestasi di Jalan Ketapang Kali	9197029	692393	9.65	1.29		
Perak Timur di Jalan Selanggor	9201147	691441	11.77	2.18		
Sukomanunggal di Jalan Sukomanunggal	9196621	687396	15.18	5.39		
Gayungan di Jalan Raya Pagesangan	9187876	690830	11.61	1.73		
Gebang Putih di Jalan Arif Rachman Hakim	9193839	696990	9.077	3.62		

Hasil estimasi pada Tabel 4.2 di atas dapat disederhanakan ke dalam peta hasil estimasi pada Gambar 4.8 berikut.



Gambar 4.8 Peta Hasil Estimasi Karbon Monoksida (CO) di 20 Titik Tertentu di Surabaya dengan *Universal Kriging*

Konsentrasi CO terkecil berada di Perempatan Jl Tropodo-Jl Bandara Djuanda sebesar 6.92 ppm. Konsentrasi CO terbesar berada di Sukomanunggal di Jalan Sukomanunggal sebesar 15.19 ppm. Estimasi konsentrasi CO yang dihasilkan mempunyai nilai yang beragam dengan varians estimasi CO sebesar 4.49. Hal ini menunjukkan kesensitifan nilai hasil estimasi pada setiap lokasi bagus. Nilai MSE hasil estimasi dengan *universal kriging* adalah sebesar 1.52. Nilai ini yang digunakan sebagai kriteria pembanding antara metode *universal kriging* dan *ordinary kriging* pada sub-bab selanjutnya untuk mengetahui metode mana yang lebih baik diterapkan pada kasus ini.

Berdasarkan hasil estimasi yang telah ditampilkan pada Gambar 4.8 di atas, diberikan rekomendasi untuk mengatasi pencemaran udara, khususnya pencemaran udara akibat tingginya konsentrasi polutan CO. Penanggulangan terhadap bahaya pencemaran udara tidak bisa jika dilakukan secara parsial, melainkan harus dilakukan secara bersama dan menyeluruh oleh semua lapisan masyarakat dan pemerintah. Solusi yang dapat dilakukan oleh masyarakat dan pemerintah yaitu:

- 1. Memperbaiki sektor angkutan umum agar masyarakat tertarik menggunakan transportasi angkutan umum untuk mengurangi tingginya kendaraan pribadi yang beredar.
- 2. Membatasi usia kendaraan yang beredar. terutama angkutan umum karena semakin tua kendaraan akan semakin besar kemungkinan dampak buruk dari gas buangnya
- 3. Melakukan pemeriksaan uji emisi secara optimal dan berkala pada semua kendaraan umum maupun pribadi
- 4. Menambah taman kota dan ruang terbuka hijau.

4.8 Perbandingan Hasil Estimasi Karbon Monoksida (CO) dengan Metode *Universal Kriging* dan *Ordinary Kriging*

Pada penelitian sebelumnya, data konsentrasi polutan CO yang digunakan oleh Putri, 2013 diasumsikan homogen atau stasioner untuk bisa dilakukan analisis menggunakan interpolasi cokriging karena metode tersebut membutuhkan asumsi stasionertias. Sama halnya dengan interpolasi cokriging, metode ordinary kriging juga membutuhkan asumsi stasioneritas. Pada penelitian ini, ingin dibuktikan pula ketika data konsentrasi polutan CO yang merupakan variabel non-stasioner seperti yang dapat dilihat pada Gambar 4.2 dan Gambar 4.3, dilakukan analisis dengan metode ordinary kriging.

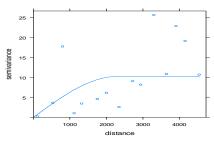
4.8.1 Analisis Semivariogram Eksperimental Untuk Mengestimasi Konsentrasi Polutan Karbon Monoksida (CO) dengan *Ordinary Kriging*

Berdasarkan hasil perhitungan semivariogram konsentrasi CO dengan *ordinary kriging*, diperoleh jumlah kelas sebanyak 15. Selain itu, diperoleh pasangan data pada masing-masing kelas dan jarak dari setiap pasangan data beserta nilai semivariogramnya yang ditampilkan pada Tabel 4.3.

Tabel 4.3 Nilai Semivariogram Beserta Pasangan Data Konsentrasi CO dan Jaraknya dengan *Ordinary Kriging*

Kelas	Pasangan Data	Jarak	Nilai Semivariogram (gamma)
1	1	110.8016	0.1861
2	3	540.7772	3.5338
3	3	803.7296	17.6831
4	4	1116.1270	0.9604
5	4	1330.1950	3.4306
6	6	1752.8270	4.5201
7	9	2003.4500	6.0514
8	5	2354.9470	2.5333
9	6	2722.2020	8.9959
10	11	2946.4790	8.0779
11	6	3305.9730	25.5675
12	11	3648.4820	10.7561
13	12	3921.8010	22.7634
14	7	4165.6890	19.0837
15	6	4549.1840	10.6521

Plot semivariogram experimental dengan *ordinary kriging* untuk data tersebut dapat dilihat pada Gambar 4.9.



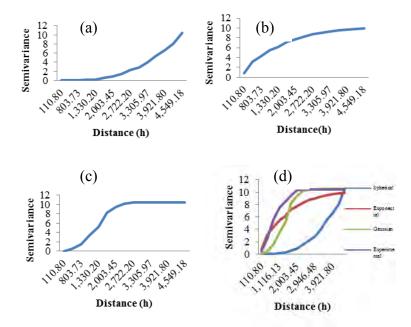
Gambar 4.9 Plot Semivariogram Eksperimental Konsentrasi Karbon Monoksida (CO) dengan *Ordinary Kriging*

Nilai semivariogram pada Gambar 4.9. konstan setelah jarak 2285 m, yang berarti konsentrasi CO tidak memiliki dependensi lagi pada saat jarak 2285 m atau lebih dengan nilai sill (c) sebesar 10.4871. Nilai sill tersebut diperoleh dari nilai variansi data pada Tabel 3.1. Plot semivariogram eksperimental tersebut yang digunakan sebagai pembanding dalam pemilihan semivariogram teoritis terbaik selain kriteria kebaikan model, yang dalam penelitian ini menggunakan *mean squared error* (MSE).

4.8.2 Analisis Semivariogram Teoritis untuk Mengestimasi Konsentrasi Polutan Karbon Monoksida (CO) dengan Ordinary Kriging

. Hasil analisis struktural diperoleh semivariogram dengan model *Exponential*. Model tersebut diambil setelah di bandingkan dengan beberapa semivariogram yang dianggap cocok dengan metode *ordinary kriging* seperti yang ditunjukkan pada Gambar 4.10.

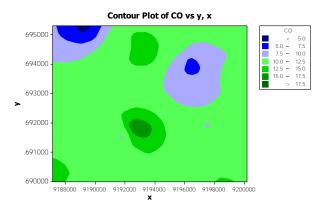
Plot semivariogram teoritis yang paling mendekati diantara ketiga plot semivariogram teoritis pada Gambar 4.10 adalah semivariogram Gaussian (Gambar 4.10 (c)). Secara visual, model Gaussian lebih mendekati harapan dengan kestabilan plot semivariogram yang lebih baik dibandingkan model Spherical dan Exponential. Namun nilai MSE model Gaussian lebih besar daripada model exponential. Dimana nilai MSE model Spherical sebesar 0.96809, model Exponential sebesar 0.74063, dan model Gaussian sebesar 0.76581. Hal ini menunjukkan bahwa model Exponential merupakan model terbaik dibandingkan model lainnya karena semakin kecil nilai MSE maka semakin baik model tersebut



Gambar 4.10 (a) Semivariogram Spherical, (b) Semivariogram Exponential, (c) Semivariogram Gaussian, (d) Perbandingan Plot Semivariogram Experimental dan Ke-3 Plot Semivariogram Teoritis dengan *Ordinary Kriging*

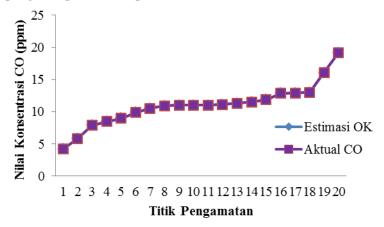
4.8.3 Estimasi Konsentrasi Polutan Karbon Monoksida (CO) dengan *Ordinary Kriging*

Hasil estimasi CO dengan semivariogram teoritis terbaik ditunjukkan pada Gambar 4.11. Nilai konsentrasi CO bervariasi antara range < 5 ppm sampai > 17.5 ppm yang terbagi ke dalam 7 kelas. Hal ini menunjukkan range hasil estimasi lebar, sehingga sensitif terhadap nilai konsentrasi pada setiap lokasi. Estimasi konsentrasi dominan berkisar antara 10 ppm sampai 12.5 ppm, yang berarti nilai pemusatan konsentrasi CO hasil estimasi berada pada range 10 ppm sampai 12.5 ppm. MSE yang dihasilkan sebesar 9.42 x 10⁻⁸.



Gambar 4.11 Contour Plot Estimasi Karbon Monoksida (CO) dengan Ordinary Kriging

Perbandingan antara nilai estimasi dengan nilai aktual konsentrasi CO yang diperoleh melalui pengukuran di lapangan dapat dilihat pada Gambar 4.12.



Gambar 4.12 Perbandingan Nilai Estimasi dengan *Ordinary Kriging* dan Nilai Aktual Konsentrasi CO di 20 Titik Pengamatan

Hasil estimasi CO dengan *ordinary kriging* berimpit dengan nilai aktual CO. Hal ini karena hasil estimasi CO dengan *ordinary kriging* menghasilkan nilai MSE yang sangat kecil sehingga dapat dikatakan hasil estimasi CO telah valid. Namun nilai tersebut masih lebih besar dari nilai MSE universal kriging, sehingga dalam kasus ini *universal kriging* lebih baik daripada *ordinary kriging*.

4.8.4 Estimasi Konsentrasi Polutan Kabon Monoksida (CO) pada Titik-Titik Tertentu di Surabaya dengan *Ordinary Kriging*

Setelah didapatkan peta kontur pada Gambar 4.12 untuk estimasi konsentrasi CO dengan metode *ordinary kriging*. Selanjutnya dicari estimasi konsentrasi CO di 20 titik tertentu di Surabaya seperti pada metode *universal kriging*. Hasil estimasi konsentrasi CO dengan metode *ordinary kriging* beserta errornya ditampilkan pada Tabel 4.4 sebagai berikut.

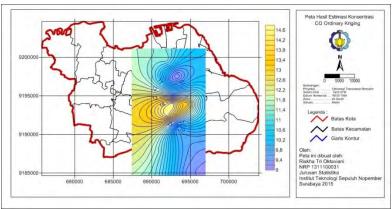
Tabel 4.4 Hasil Estimasi Konsentrasi CO Pada 20 Titik Tertentu di Kota Surabaya *Ordinary Kriging*

Lokasi	Northing	Easting	Konsentrasi CO (ppm)	Error
Pertigaan Jl Menur Pumpungan- Jl Manyar	9194045	694659	13.28	3.03
Pertigaan Jl Sulawesi-Jl Raya Gubeng	9195333	692792	11.33	4.22
Perempatan Jl Bung Tomo-Jl Ngagel	9193945	692612	14.60	4.35
Pertigaan Jl Urip Sumoharjo-Jl Raya Dharmo	9195246	692233	12.14	4.82
Pertigaan Jl Gub. Suryo-Jl Jend. Basuki Rahmat	9196866	692182	9.89	3.31
Perempatan Jl Bubutan-Jl Blauran	9197608	691479	10.44	2.23
Perempatan Jl Kembang Jepun-Jl Veteran	9199725	691885	11.53	1.91
Pertigaan Jl Kusuma Bangsa-Jl Ambengan	9197582	693261	8.94	3.43
Depan Pasar Atum	9199044	692626	10.78	3.15
Perempatan Jl Tropodo-Jl Bandara Djuanda	9185035	694642	9.28	9.93

Tabel 4.4 Hasil Estimasi Konsentrasi CO Pada 20 Titik Tertentu di Kota Surabaya dengan *Ordinary Kriging* (Lanjutan)

Lokasi	Northing	Easting	Konsentrasi CO (ppm)	Error
Pertigaan Jl Ir. Haji Djuanda-Jl Jend. A. Yani	9184664	690840	11.26	8.54
Stasiun Wonokromo	9192516	691990	14.54	2.31
Pertigaan Jl Jemur Sari-Jl Prapen Raya	9190760	693329	9.77	4.59
Depan City Of Tomorrow	9187747	690891	11.62	4.02
Pertigaan Jl Raya Bungurasih-Jl Letjen Sutoyo	9187105	688879	12.17	6.27
Taman Prestasi di Jalan Ketapang Kali	9197029	692393	9.57	3.13
Perak Timur di Jalan Selanggor	9201147	691441	11.44	4.90
Sukomanunggal di Jalan Sukomanunggal	9196621	687396	12.17	9.07
Gayungan di Jalan Raya Pagesangan	9187876	690830	11.60	4.15
Gebang Putih di Jalan Arif Rachman Hakim	9193839	696990	10.89	7.26

Hasil estimasi pada Tabel 4.4 di atas dapat disederhanakan ke dalam peta hasil estimasi pada Gambar 4.13 berikut.



Gambar 4.13 Peta Hasil Estimasi Karbon Monoksida (CO) pada 20 Titik Tertentu di Surabaya dengan *Ordinary Kriging*

Konsentrasi CO terkecil berada di Pertigaan Jl Kusuma Bangsa-Jl Ambengan sebesar 8.94 ppm. Konsentrasi CO terbesar berada di Perempatan Jl Bung Tomo-Jl Ngagel sebesar 14.60 ppm. Estimasi konsentrasi CO yang dihasilkan mempunyai nilai yang beragam dengan varians estimasi CO adalah 2.41. Hal ini menunjukkan kurang sensitive-nya nilai hasil estimasi pada setiap lokasi. Nilai MSE hasil estimasi dengan *ordinary kriging* diperoleh sebesar 2.18.

Berdasarkan hasil dan pembahasan di atas, diperoleh beberapa perbandingan penggunaan metode *universal kriging* dan *ordinary kriging* pada kasus ini seperti yang ditampilkan pada Tabel 4.5.

Tabel 4.5 Perbandingan Hasil Estimasi CO Dengan *Universal***Kriging Dan Ordinary Kriging**

11. 18.118 Dan Oranian y 11. 18.118						
Kriteria	Universal Kriging	Ordinary Kriging				
Min Hasil Estimasi CO	6.92 ppm	8.94 ppm				
Max Hasil Estimasi CO	15.19 ppm	14.60 ppm				
Range Hasil Estimasi CO	8.27	5.66				
Varian Hasil Estimasi CO	4.89	2.41				
MSE Hasil Estimasi	1.52	2.18				
Model Terpilih, MSE	Exponential, 0.75	Exponential, 0.74				

Metode *ordinary kriging* kurang sesuai diterapkan pada data konsentrasi polutan CO yang mana merupakan data *drift* (*nonstasioner*). Jika dipaksakan, maka akan mendapatkan hasil estimasi dengan range dan varians estimasi CO yang lebih kecil dibandingkan hasil estimasi dengan metode *universal kriging*. Hal ini menunjukkan keragaman data dan kesensitifan hasil estimasi CO dengan *ordinary kriging* lebih kecil dibandingkan keragaman data hasil estimasi CO dengan *universal kriging*.

Visualisasi semivariogram experimental dan teoritis kedua metode sama. Hanya nilai gamma semivariogram yang sedikit berbeda. Hal ini mengakibatkan nilai MSE yang dihasilkan antara kedua metode hampir sama. Nilai MSE hasil estimasi CO dengan *universal kriging* sebesar 1.52 lebih kecil daripada *ordinary*

kriging sebesar 2.18. Hal ini menunjukkan bahwa pada kasus ini metode *universal kriging* lebih baik daripada *ordinary kriging*.

Berdasarkan bukti-bukti di atas, untuk kasus pencemaran udara dimana kondisi udara heterogen akibat sumber pencemar dan jangkaun pencemaran berbeda-beda di tiap lokasi, lebih tepat dilakukan estimasi dengan metode *universal kriging*. Karena seperti yang diketahui, *universal kriging* diterapkan pada data dengan variabel *non-stasioner* sedangkan *ordinary kriging* diterapkan pada data dengan variabel stasioner.

(Halaman ini sengaja dikosongkan)

BAB V KESIMPULAN DAN SARAN

5.1 Kesimpulan

Berdasarkan analisis dalam bab hasil dan pembahasan maka dapat dapat disimpulkan bahwa

- 1. Estimasi CO menggunakan *universal kriging* didapatkan dengan semivariogram teoritis Exponential. Konsentrasi CO terkecil berada di Perempatan Jl Tropodo-Jl Bandara Djuanda sebesar 6.92 ppm. Konsentrasi CO terbesar berada di Sukomanunggal di Jalan Sukomanunggal sebesar 15.19 ppm. Varians estimasi CO sebesar 4.87 dan Nilai MSE hasil estimasi yang diperoleh sebesar 1.52.
- Estimasi CO menggunakan ordinary kriging didapatkan dengan semivariogram teoritis Exponential. Konsentrasi CO terkecil berada di Pertigaan JI Kusuma Bangsa-JI Ambengan sebesar 8.94 ppm. Konsentrasi CO terbesar berada di Perempatan JI Bung Tomo-JI Ngagel sebesar 14.60 ppm. Varians estimasi CO sebesar 2.41 dan nilai MSE hasil estimasi yang diperoleh sebesar 2.18.
- 3. Metode *ordinary kriging* kurang sesuai diterapkan pada data konsentrasi polutan CO yang mana merupakan data *drift* (non-stasioner) karena tidak sensitive terhadap perbedaan nilai estimasi yang dihasilkan. Hal ini ditunjukkan dengan nilai varians estimasi CO yang lebih kecil. Selain itu, nilai MSE hasil estimasi dengan *ordinary kriging* lebih besar dari *Universal kriging*. Sehingga metode yang tepat digunakan pada kasus ini adalah metode *universal kriging*.

5.2 Saran

Metode *Universal kriging* hanya mampu mengestimasi data yang bersifat *non-stasioner* dikarenakan data yang diestimasi mempunyai kecenderungan trend. Sedangkan data-data yang tidak memiliki trend atau yang bersifat stasioner dapat dilakukan estimasi dengan menggunakan metode *Ordinary*

kriging. Dalam permasalahan lain, biasanya juga ditemukan beberapa variabel yang mungkin berbengaruh terhadap variabel yang diestimasi. Untuk mengatasi hal tersebut dibutuhkan metode estimasi Universal co-kriging. Universal cokriging ini merupakan metode estimasi yang memperhitungkan koefisien dari variabel lain. Pada kasus lain dengan jumlah data yang sangat sedikit bisa dilakukan dengan robust kriging. Pada kasus dengan data outlier, bisa diatasi dengan indicator kriging. Karena universal kriging ini ketika dipaksakan dengan data yang sedikit maka tidak bisa membuktikan normalitas dan stasioneritas. Oleh karena itu, ada beberapa saran untuk penelitian serupa di masa mendatang.

- 1. Memperbanyak jumlah sampel yang diamati sehingga dapat mewakili keadaan sebenarnya di lapangan. Selain itu jika jumlah sampel cukup banyak, dapat menghitung keakurasian hasil estimasi menggunakan MSE. Karena pada hasil estimasi dengan *universal kriging* pada Tabel 4.2 dihasilkan beberapa nilai error yang besar, bahkan ada yang lebih besar daripada hasil estimasi CO.
- 2. Menggunakan data terbaru untuk analisis konsentrasi polutan di udara, agar bisa diketahui apakah konsentrasi polutan dari tahun ke tahun semakin tinggi atau tidak.

DAFTAR PUSTAKA

- Aisyiah. K. (2014). Pemodelan Konsentrasi Partikel Debu (PM10) pada Pencemaran Udara di Kota Surabaya dengan Metode Geographically-Temporally Weighted Regression. Surabaya: Jurusan Statistika Fakultas MIPA ITS.
- Alfiana. A. N. (2010). Metode Ordinary Kriging pada Geostatistika. Yogyakarta: Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam. Universitas Negeri Yogyakarta.
- Anonim. (2014). Retrieved February 25. 2015. from http://indonesiarayanews.com
- Anonim. (2014). Retrieved February 25. 2015. from http://green.kompasiana.com
- Ayuni. N. D. (2011). Perbandingan Metode Ordinary Kriging dan Inverse Distance Weighted (IDW) pada InterpolasiSpasial (Studi Kasus: Curah Hujan di Kabupaten Karangasem) [Skripsi]. Denpasar: Universitas Udayana.
- Badan Lingkungan Hidup. (2010). *Laporan Status Lingkungan Hidup Provinsi Jawa Timur*. Surabaya: Badan Lingkungan Hidup Provinsi Jawa timur.
- BLH Surabaya. (2005). Surabaya: BLH Surabaya.
- BLH-Surabaya. (2007). *Status Lingkungan Hidup Kota Surabaya*. Surabaya: BLH-Surabaya.
- Bohling. G. (2005). Retrieved February 6. 2015. from Kriging.people.ku.edu/~gbohling/cpe940/Kriging.pdf.
- Chandra. B. (2005). Pengantar Kesehatan Lingkungan. Jakarta: Buku Kedokteran EGC.
- Chanlett. E. T..& GrawHill. M. (1989). *Environmental Protection hal. 249.* Kogagusha.
- Corbitt. R. A. (1989). Standard Handbook of Environmental Engineering. New York: McGraw-Hill Publishing Company.
- Gundogdu. K..& Guney. I. (2007). Spatial Analyses of Groundwater Levels Using Universal Kriging. J.Earth Syst.Sc.

- Isaaks. H. E..& Srivastava. d. R. (1989). Applied Geostatistics. New York: Oxford University Press.
- Laksana. E. (2010). Analisis Data Geostatistika Dengan Universal Kriging [Skripsi]. Yogyakarta: Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Negeri Yogyakarta.
- Majani. B. (2007). Analysis of Ecternal Drift Kriging Algorithm With Application to Precipitation Estimation in Complex Orography [Thesis]. Enschede: Geo-Informatics. International Institue For Geo-Information Science And Observation.
- Mercer. L.. Szpiro. A.. Sheppard. L.. Lindstrom. J.. Adar. S.. Allen. R.. et al. (2011). Comparing Universal Kriging and Land-use Regression for Predicting Concentrations of Gaseous Oxides of Nitrogen (NOx) for The Multi-Ethnic Study of Atherosclerosis and Air Pollutin (MESA Air). Atmosheric Environmental 45.
- Putri. D. S. (2013). Estimasi Konsentrasi Nitrogen Dioksida (NO2) dan Karbon Monoksida (CO) di Udara Surabaya Menggunakan Cokriging. Surabaya: Program Sarjana Jurusan Statistika FMIPA Institut Teknologi Sepuluh Nopember.
- Rachmawati. D. (2009). Pendugaan Kadar NO2 dengan Metode Ordinary Kriging dan Cokriging (Studi kasus: Pencemaran Udara di Kota Bogor). Bogor: Departemen Statistika Fakultas MIPA IPB.
- Rafsanjani. M. H. (2012). ANALISIS PENYEBARAN PROPERTI RESERVOIR PADA PETROPHYSICAL MODELLING DI LOKASI "X" PAPUA BARAT DENGAN METODE UNIVERSAL KRIGING. Surabaya: Jurusan Statistika Fakultas MIPA ITS.
- Selby. B..& Kockelman. K. (January 2011). Spatial Prediction of AADT In Unmeasured Locations By Universal Kriging. *Journal of Transport Geography*.

- Suryani. S..& SO. e. a. (2011). *Model Sebaran Polutan Cerobong Asap PT Semen Tonasa*. Makasar: Universitas Hasanudin.
- Wackernagel. H. (1995). Multivariate Geostatistics. An Introduction with Applications. Berlin: Springer.
- Walpole. (1995). Pengantar Metode Statistika.
- Wardhana. W. A. (2004). Dampak Pencemaran Lingkungan (Edisi Revisi). Yogyakarta: Andi.

(Halaman ini sengaja dikosongkan)

LAMPIRAN

Lampiran 1. *Syntax* Untuk Mendapatkan Nilai Dan Plot Semivariogram Dengan *Universal Kriging*

```
> konsentrasi=read.table("d://cinta.csv",sep=",",header=TRUE)
> coordinates(konsentrasi)=~x+y
> estimasi_konsentrasi=read.table("d://coordinatestimasi.csv",sep=",",header=TRUE)
> coordinates(estimasi_konsentrasi)=~x+y
> v <- variogram(co~x+y, data= konsentrasi)
> w<-fit.variogram(v, vgm(1, "Sph", 2285, 1))
> plot(v,w)
```

Lampiran 2. *Syntax* Untuk Mendapatkan Nilai Estimasi CO Dengan *Universal Kriging*

```
> variogram= vgm(10.48712,"Exp",4549,0.747434)
> UK<-krige(co~x+y,konsentrasi,estimasi_konsentrasi,model=variogram)
[using universal kriging]
> print(v)
> print(UK)
```

Lampiran 3. *Output* Nilai Semivariogram Dengan *Universal Kriging*

	np	dist	gamma dir.ho	or dir.	ver id
1	1	110.8016	0.2107777	0	0 var1
2	3	540.7772	3.1292765	0	0 var1
3	3	803.7296	18.2166800	0	0 var1
4	4	1116.1266	0.5945901	0	0 var1
5	4	1330.1952	3.3063819	0	0 var1

Lampiran 3. *Output* Nilai Semivariogram Dengan *Universal Kriging* (Lanjutan)

6	6 1752.8274 4.8755357	0	0 var1
7	9 2003.4496 6.1039586	0	0 var1
8	5 2354.9470 2.2341688	0	0 var1
9	6 2722.2017 8.0840841	0	0 var1
10	11 2946.4792 8.4461481	0	0 var1
11	6 3305.9725 28.3438354	0	0 var1
12	2 11 3648.4823 9.7904587	0	0 var1
13	12 3921.8014 21.0058100	0	0 var
14	7 4165.6889 14.6070595	0	0 var1
15	6 4549.1844 7.9600503	0	0 var1

Lampiran 4. *Output* Nilai Estimasi CO Dengan *Universal Kriging*

coordinates var1.pred var1.var

- 1 (9194045, 694659) 13.106104 3.047014
- 2 (9195333, 692792) 11.521964 4.239169
- 3 (9193945, 692612) 14.778459 4.375447
- 4 (9195246, 692233) 12.424871 4.866396
- 5 (9196866, 692182) 10.015601 3.323845
- 6 (9197608, 691479) 10.532663 2.245355

Lampiran 4. *Output* Nilai Estimasi CO Dengan *Universal Kriging* (Lanjutan)

7 (9199725, 691885) 11.519209 1.915634

8 (9197582, 693261) 8.931880 3.438636

9 (9199044, 692626) 10.746539 3.160776

10 (9185035, 694642) 6.917873 14.116047

11 (9184664, 690840) 11.007438 11.428077

12 (9192516, 691990) 14.552675 2.319840

13 (9190760, 693329) 9.721584 4.597303

14 (9187747, 690891) 11.637213 4.068598

15 (9187105, 688879) 13.401343 7.844165

16 (9197029, 692393) 9.644756 3.142880

17 (9201147, 691441) 11.835682 5.268183

18 (9196621, 687396) 15.187275 12.693609

19 (9187876, 690830) 11.676494 4.199431

20 (9193839, 696990) 8.971816 8.833795

Lampiran 5. *Output* Nilai Varian Hasil Estimasi CO Dengan *Universal Kriging*

Descriptive Statistics: Estimasi CO

Variable Variance Range Estimasi CO 4.486 8.269

Lampiran 6. *Syntax* Untuk Mendapatkan Nilai Dan Plot Semivariogram Dengan *Ordinary Kriging*

```
> ta=read.table("d://cinta.csv",sep=",",header=TRUE)
> coordinates(ta)=~x+y
> databaru=read.table("d://coordinatestimasi.csv",sep=",",header=TRUE)
> coordinates(databaru)=~x+y
> v <- variogram(co~1, data= ta)
> w<-fit.variogram(v, vgm(1, "Sph", 2285, 1))
> plot(v,w)
```

Lampiran 7. *Syntax* Untuk Mendapatkan Nilai Estimasi CO Dengan *Ordinary Kriging*

```
> m <- vgm(10.48712, "Exp", 4549, 0.740627)
> x <- krige(co~1, ta, databaru, model = m)
[using ordinary kriging]
> print(v)
```

Lampiran 8. *Output* Nilai Semivariogram Dengan *Ordinary Kriging*

```
dist gamma dir.hor dir.ver id
1 1 110.8016 0.186050
                            0 var1
2 3 540.7772 3.533817
                            0 var1
                             0 var1
3 3 803.7296 17.683100
4 4 1116.1266 0.960375
                           0 var1
5 4 1330.1952 3.430575
                             0 var1
6 6 1752.8274 4.520125
                             0 var1
7 9 2003.4496 6.051378
                           0 var1
8 5 2354.9470 2.533260
                        0 0 var1
```

Lampiran 8. *Output* Nilai Semivariogram Dengan *Ordinary Kriging* (Lanjutan)

9	6 2722.2017 8.995850	0	0 var1
10	11 2946.4792 8.077882	0	0 var1
11	6 3305.9725 25.567542	0	0 var1
12	2 11 3648.4823 10.756050	0	0 var1
13	3 12 3921.8014 22.763425	0	0 var1
14	7 4165.6889 19.083679	0	0 var1
15	5 6 4549.1844 10.652058	0	0 var1

Lampiran 9. *Output* Hasil Estimasi CO Dan Variansi Error Dengan *Ordinary Kriging*

coordinates var1.pred var1.var

- 1 (9194045, 694659) 13.275166 3.026011
- 2 (9195333, 692792) 11.333343 4.215726
- 3 (9193945, 692612) 14.602591 4.353334
- 4 (9195246, 692233) 12.139502 4.823248
- 5 (9196866, 692182) 9.893908 3.308166
- 6 (9197608, 691479) 10.444323 2.232034
- 7 (9199725, 691885) 11.531787 1.905051
- 8 (9197582, 693261) 8.942817 3.429542
- 9 (9199044, 692626) 10.774997 3.151848

Lampiran 9. *Output* Hasil Estimasi CO Dan Variansi Error Dengan *Ordinary Kriging* (Lanjutan)

10 (9185035, 694642) 9.278426 9.932657

11 (9184664, 690840) 11.260078 8.542884

12 (9192516, 691990) 14.543516 2.310465

13 (9190760, 693329) 9.770036 4.587801

14 (9187747, 690891) 11.618966 4.018492

15 (9187105, 688879) 12.165020 6.275844

16 (9197029, 692393) 9.570372 3.131133

17 (9201147, 691441) 11.437718 4.902337

18 (9196621, 687396) 12.168871 9.074268

19 (9187876, 690830) 11.601625 4.148807

20 (9193839, 696990) 10.896828 7.256954

Lampiran 10. Output Nilai Variansi Hasil Etimasi Co Dengan *Ordinary Kriging*

Descriptive Statistics: Estimasi CO

Variable Variance Range Estimasi CO 2.413 5.660

Lampiran 11. Perhitungan Semivariogram Teoritis Dengan *Universal Kriging*

dist (h)	Gamma	Sph	Exp	Gau	a(range)	c(sill=variansi data)
110.8016	0.210778	0.000152	0.738987	0.004091	4549	10.48712
540.7772	3.129277	0.017618	3.145841	0.465066	4549	10.48712
803.7296	18.21668	0.057841	4.314646	1.450996	4549	10.48712
1116.127	0.59459	0.154899	5.463864	3.44896	4549	10.48712
1330.195	3.306382	0.262213	6.12524	5.148019	4549	10.48712
1752.827	4.875536	0.599965	7.186259	8.249336	4549	10.48712
2003.45	6.103959	0.895867	7.689129	9.442493	4549	10.48712
2354.947	2.234169	1.454963	8.268037	10.23948	4549	10.48712
2722.202	8.084084	2.247343	8.745362	10.45492	4549	10.48712
2946.479	8.446148	2.849827	8.984835	10.48029	4549	10.48712
3305.973	28.34384	4.025373	9.301926	10.48679	4549	10.48712
3648.482	9.790459	5.410597	9.541556	10.48711	4549	10.48712
3921.801	21.00581	6.719937	9.697516	10.48712	4549	10.48712
4165.689	14.60706	8.053208	9.814829	10.48712	4549	10.48712
4549.184	7.96005	10.4884	9.965061	10.48712	4549	10.48712

Lampiran 12. Perhitungan Semivariogram Teoritis Dengan *Ordinary Kriging*

dist (h)	gamma	Sph	exp	Gauss	a(range)	c(sill=variansi data)
110.8016	0.18605	0.000152	0.738987	0.004091	4549	10.48712
540.7772	3.533817	0.017618	3.145841	0.465066	4549	10.48712
803.7296	17.6831	0.057841	4.314646	1.450996	4549	10.48712
1116.127	0.960375	0.154899	5.463864	3.44896	4549	10.48712
1330.195	3.430575	0.262213	6.12524	5.148019	4549	10.48712
1752.827	4.520125	0.599965	7.186259	8.249336	4549	10.48712
2003.45	6.051378	0.895867	7.689129	9.442493	4549	10.48712
2354.947	2.53326	1.454963	8.268037	10.23948	4549	10.48712
2722.202	8.99585	2.247343	8.745362	10.45492	4549	10.48712
2946.479	8.077882	2.849827	8.984835	10.48029	4549	10.48712
3305.973	25.56754	4.025373	9.301926	10.48679	4549	10.48712
3648.482	10.75605	5.410597	9.541556	10.48711	4549	10.48712
3921.801	22.76343	6.719937	9.697516	10.48712	4549	10.48712
4165.689	19.08368	8.053208	9.814829	10.48712	4549	10.48712
4549.184	10.65206	10.4884	9.965061	10.48712	4549	10.48712

Lampiran 13. Perhitungan MSE Dengan Universal Kriging

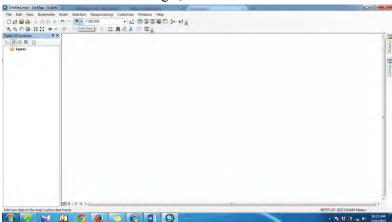
gamma	Sph	Exp	Gau	e.sph	e.exp	e.gau
	•	•			•	_
0.210778	0.000152	0.738987	0.004091	0.000472	0.002968	0.000454
3.129277	0.017618	3.145841	0.465066	0.103004	2.92E-06	0.075511
18.21668	0.057841	4.314646	1.450996	3.507909	2.056027	2.9903
0.59459	0.154899	5.463864	3.44896	0.002057	0.252232	0.086675
3.306382	0.262213	6.12524	5.148019	0.098585	0.084531	0.036081
4.875536	0.599965	7.186259	8.249336	0.194473	0.056803	0.121091
6.103959	0.895867	7.689129	9.442493	0.288555	0.026732	0.118572
2.234169	1.454963	8.268037	10.23948	0.006459	0.387314	0.681755
8.084084	2.247343	8.745362	10.45492	0.362421	0.004652	0.059796
8.446148	2.849827	8.984835	10.48029	0.333179	0.003087	0.044019
28.34384	4.025373	9.301926	10.48679	6.291358	3.857386	3.392278
9.790459	5.410597	9.541556	10.48711	0.204077	0.000659	0.005163
21.00581	6.719937	9.697516	10.48712	2.171129	1.360399	1.177052
14.60706	8.053208	9.814829	10.48712	0.456946	0.244314	0.180573
7.96005	10.4884	9.965061	10.48712	0.068006	0.042767	0.067937
			Mean	0.939242	0.558658	0.602484
			MSE	0.969145	0.747434	0.776198

Lampiran 14. Perhitungan MSE Dengan Ordinary Kriging

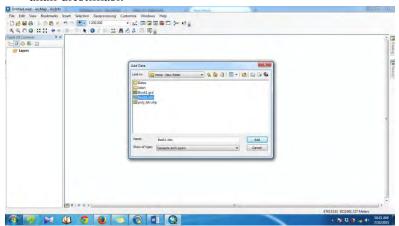
gamma	Sph	Exp	gauss	e.sph	e.exp	e.gau
0.18605	0.000152	0.738987	0.004091	0.000368	0.003253	0.000352
3.533817	0.017618	3.145841	0.465066	0.131528	0.001601	0.100183
17.6831	0.057841	4.314646	1.450996	3.304784	1.901229	2.802991
0.960375	0.154899	5.463864	3.44896	0.006902	0.21576	0.065884
3.430575	0.262213	6.12524	5.148019	0.106793	0.077247	0.031379
4.520125	0.599965	7.186259	8.249336	0.163486	0.07562	0.147947
6.051378	0.895867	7.689129	9.442493	0.282758	0.028534	0.122337
2.53326	1.454963	8.268037	10.23948	0.012369	0.349869	0.631764
8.99585	2.247343	8.745362	10.45492	0.484493	0.000667	0.022648
8.077882	2.849827	8.984835	10.48029	0.290772	0.008751	0.0614
25.56754	4.025373	9.301926	10.48679	4.936862	2.814577	2.419459
10.75605	5.410597	9.541556	10.48711	0.303977	0.015691	0.000769
22.76343	6.719937	9.697516	10.48712	2.738229	1.816149	1.603273
19.08368	8.053208	9.814829	10.48712	1.294375	0.913953	0.786179
10.65206	10.4884	9.965061	10.48712	0.000285	0.005021	0.000289
			Mean	0.937199	0.548528	0.586457
			MSE	0.96809	0.740627	0.765805

Lampiran 15. Langkah-Langkah Pembuatan Peta Titik Estimasi Mnggunakan *Arcgis*

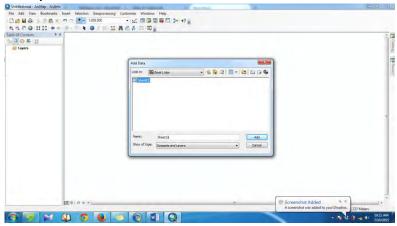
1. Membuka software arcgis, kemudian klik add data.



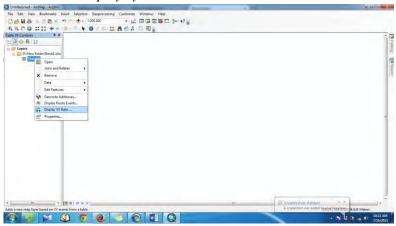
Memilih data yang telah disimpan dalam ms.excel (book.xls).
 Data yang dimaksud adalah data koordinat titik lokasi yang akan diestimasi.



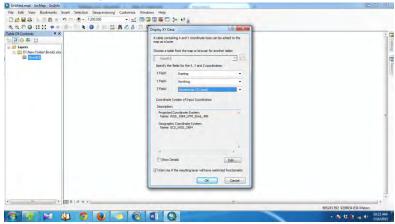
3. Memilih data pada sheet 15 dengan tipe data "*dataset* dan *layer*".



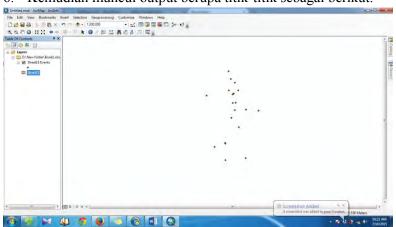
4. Pada *Table of content-Layer*, klik sheet15. Kemudian memilih *display xy data*.



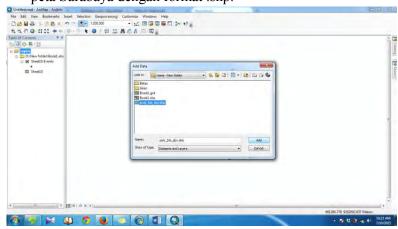
5. Pada kotak dialog display xy data, memasukkan nilai koordinat x,y, dan konsentrasi CO. Kemudian klik OK.



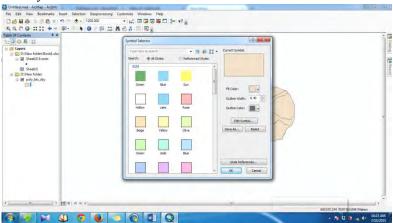
6. Kemudian muncul output berupa titik-titik sebagai berikut.



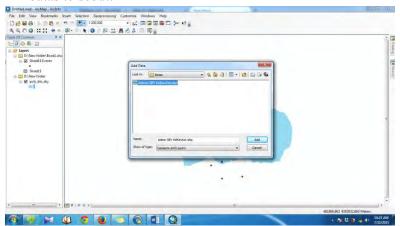
7. Selanjutnya, kembali klik add data, kemudian memilih file peta Surabaya dengan format .shp.



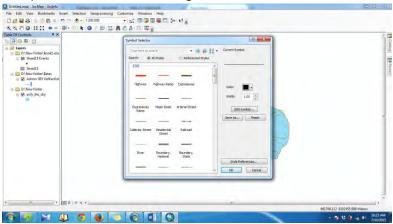
8. Memilih warna peta sesuai keinginan setelah peta muncul di layer. Kemudian klik OK.



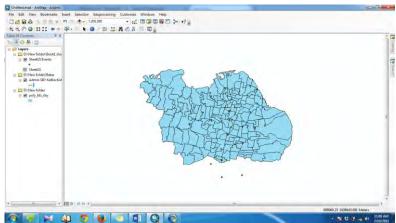
 Menambahkan batas kota, kecamatan, dan kelurahan di Surabaya dengan klik add data. Kemudian pilih file batasbatas tersebut.



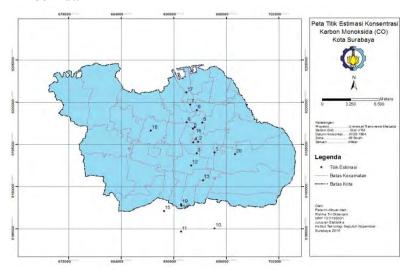
10. Memilih warna batas-batas pada langkah ke-9 dengan menu *symbol selecter* sesuai keinginan. Kemudian klik OK.



11. Diperoleh peta titik estimasi di Kota Surabaya sebagai berikut.

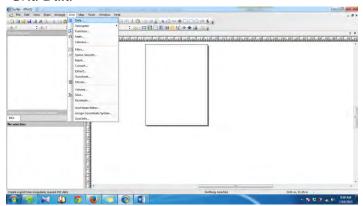


12. Selanjutnya, merubah skala, menambah garis koordinat, menambahkan nomor pada titik-titik estimasi, dan menambahkan legenda, sehingga diperoleh hasil sebagai berikut.



Lampiran 16. Langkah-langkah Pembuatan *Overlay* Peta Hasil Estimasi CO dengan Metode *Universal Kriging* Menggunakan *surfer* dan *arcgis*

 Membuka software surfer. Software tersebut digunakan untuk membuat contour hasil estimasi CO. Kemudian klik menu Grid-Data

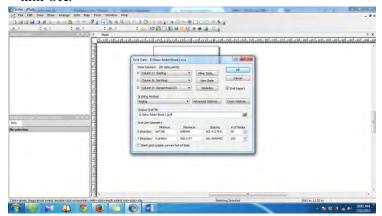


2. Open data, kemudian pilih file book1.xlsx

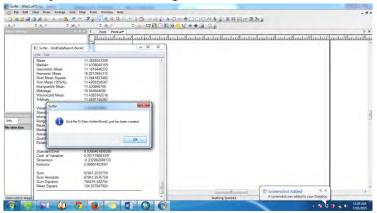


3. Pada kotak dialog *Grid Data*, mengisi data column dengan memasukkan titik koordinat x=*easting* dan y=*northing*, serta

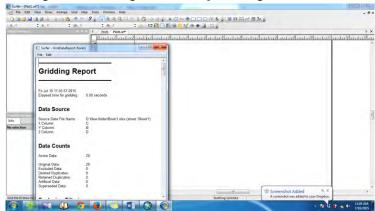
data konsentrasi CO. Kemudian memilih metode kriging dan klik OK.



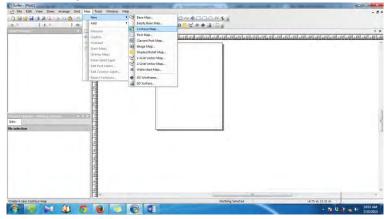
4. Kemudian dihasilkan *report* sebagai berikut, yang selanjutnya disimpan ke dalam book1.grid



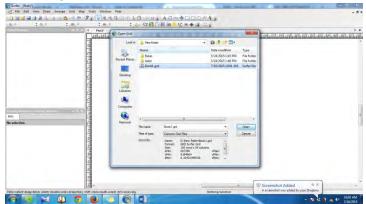
5. Langkah ke-4 menghasilkan output sebagai berikut.



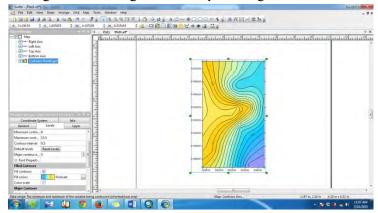
6. Berdasarkan report pada langkah ke-4, maka dibuat *contour map* dengan klik menu *Map-New-Contour Map*.



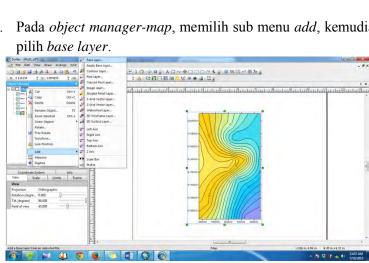
7. Kemudian klik *grid-open grid*. Pada kotak dialog *open grid*, membuka hasil report yang telah disimpan dalam format .*grid* (book1.grid)



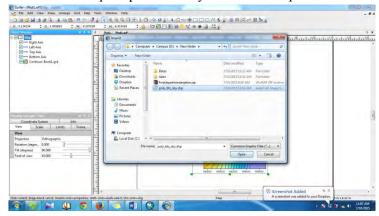
8. Langkah ke-7 menghasilkan *output* sebagai berikut.



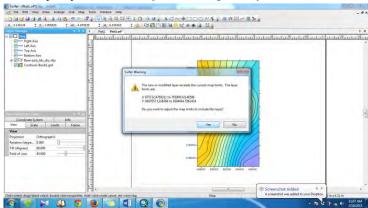
9. Pada *object manager-map*, memilih sub menu *add*, kemudian



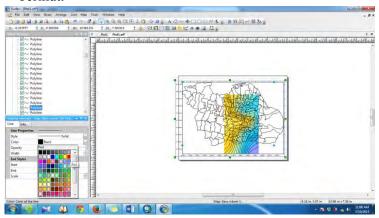
10. Kemudian import peta Surabaya ke dalam map tersebut.



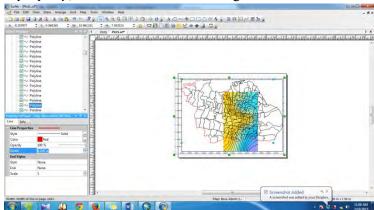
11. Selanjutnya muncul surfer warning, klik yes.



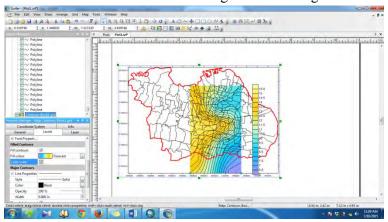
12. Hasil dari *import* peta pada langkah ke-10 adalah sebagai berikut.

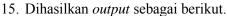


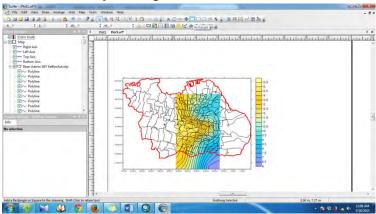
13. Selanjutnya memberi warna pada batas kota dengan *line property*, memilih warna sesuai keinginan.



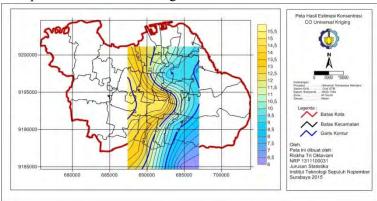
14. Kemudian menambahkan keterangan warna sebagai berikut.





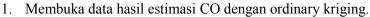


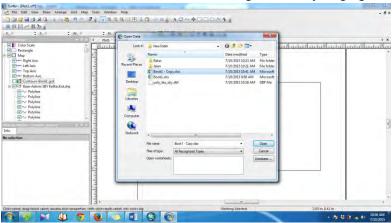
16. Selanjutnya, menghapus batas kelurahan, menambahkan garis koordinat, menambahkan layout, dan legenda, sehingga diperoleh hasil akhir sebagai berikut.



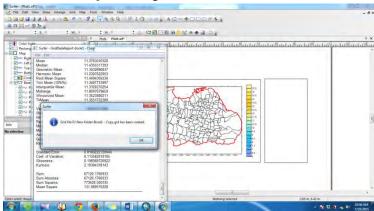
Lampiran 17. Langkah-langkah Pembuatan *Overlay* Peta Hasil Estimasi CO dengan Metode *Ordinary Kriging* Menggunakan *surfer* dan *arcgis*

Langkah-langkah pembuatan overlay peta hasil estimasi CO dengan ordinary kriging sama dengan langkah-langkah pada pembuatan overlay peta hasil estimasi CO dengan universal kriging. Hanya saja pada pembuatan contour map digunakan hasil estimasi CO sebagai berikut.

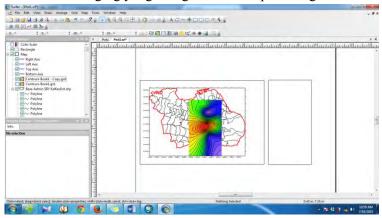




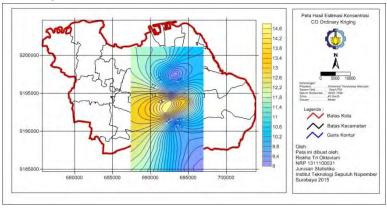
2. Dihasilkan report sebagai berikut.



3. Selanjutnya dibuat contour map seperti langkah pada universal kriging yang menghasilkan output sebagai berikut.



4. Kemudian disajikan dengan langkah-langkah seperti langkahlangkah pada universal kriging sehingga memperoleh hasil sebagai berikut.



(Halaman ini sengaja dikosongkan)

BIOGRAFI PENULIS



Riskha Tri Oktaviani, lahir di Magetan, 21 tahun 8 bulan silam, tepatnya pada 09 Oktober 1993, anak bungsu dari pasangan S. Wiyono Sarmo (Alm) dan Wagiyem. Ia menempuh jenjang pendidikan formal TK Gotong Royong, SDN Duwet III, SMPN 1 Sukomoro, dan SMAN 1 Maospati, kemudian tahun 2011 ia diterima di Jurusan Statistika ITS melalui jalur SNMPTN-BIDIK MISI. Semasa kuliah. Riskha dengan menempa dirinya aktif

dibeberapa organisasi dan kegiatan kemahasiswaan. Sebagai Wakil Direktur II BSO-BPM JMMI-ITS 2014/2015, Koordinator putri Tim Media FORSIS-ITS 2013/2014. Wakil Kepala Biro Penelitian dan Pengembangan BSO-BPM JMMI-ITS 2013/2014, Sekretaris Departemen Media LESIPU Surabaya 2013/2014, Bendahara Kepanitian PSI 2 JMMI-ITS, dan kepanitiaan kegiatan kampus lainnya. Riskha juga memiliki pengalaman menjadi mentor mata kuliah Agama Islam dan pernah mengikuti Internship Program di Dinas Kependudukan dan Catatan Sipil Kota Surabaya. Sekarang, Ia sedang mengukir kembali masamasa emasnya di dunia jurnalistik. Menurutnya, menulis adalah salah satu cara untuk bermanfaat. Sebagaimana dalam petikan hadist "Khoirun nas, anfa'uhum lin nas-sebaik-baik manusia adalah yang paling bermanfaat untuk orang lain". Apabila pembaca memiliki saran, kritik, atau ingin berdiskusi dengan penulis, dapat dihubungi melalui email: riskha.great@gmail.com.